

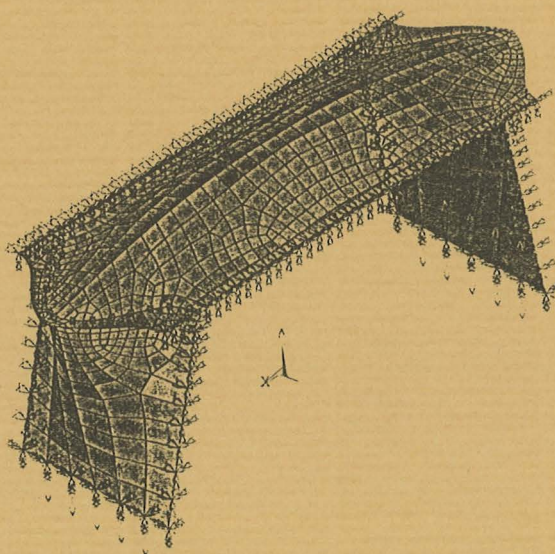
# MÉTODOS AVANZADOS DE ANÁLISIS DE ESTRUCTURAS (y II)

EJEMPLOS PRÁCTICOS CON ANSYS

*por*

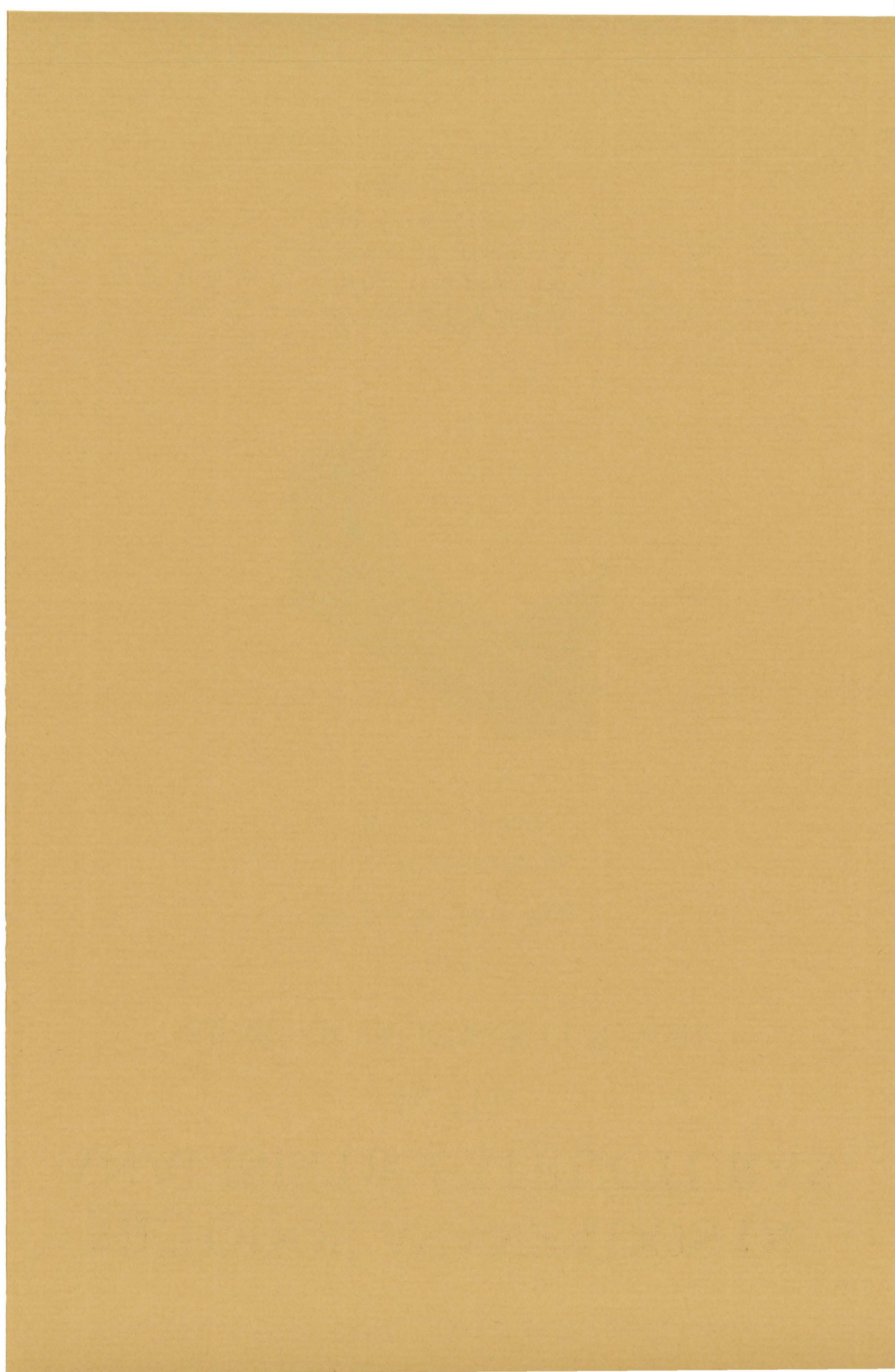
M<sup>a</sup> BELÉN ORTA RIAL

JUAN RODRÍGUEZ DE  
RIVAS AGUIRRE



CUADERNOS  
DEL INSTITUTO  
JUAN DE HERRERA  
DE LA *ESCUELA DE*  
*ARQUITECTURA*  
*DE MADRID*





# MÉTODOS AVANZADOS DE ANÁLISIS DE ESTRUCTURAS (y II)

EJEMPLOS PRÁCTICOS CON *ANSYS*

*por*

M<sup>a</sup> BELÉN ORTA RIAL

JUAN RODRÍGUEZ DE  
RIVAS AGUIRRE

CUADERNOS  
DEL INSTITUTO  
JUAN DE HERRERA  
DE LA *ESCUELA DE*  
*ARQUITECTURA*  
*DE MADRID*

***Métodos avanzados de análisis de estructuras (II)***

© 1999 M<sup>a</sup> Belén Orta Rial

© 1999 Juan Rodríguez de Rivas Aguirre

Instituto Juan de Herrera.

Escuela Técnica Superior de Arquitectura de Madrid.

Composición y maquetación: Daniel Álvarez Morcillo.

CUADERNO 66.01

ISBN: 84-95365-09-X (obra completa)

ISBN: 84-95365-11-1 (Métodos avanzados II)

Depósito Legal: M-41232-1999



## **CONTENIDO**

### **(Vol. I)**

#### **INTRODUCCIÓN:**

PROCEDIMIENTOS BÁSICOS DE UTILIZACIÓN DE ANSYS-ED 5.3

LISTADO DE ORDENES MÁS UTILIZADAS

#### **PRACTICAS:**

- 1 VIGA TRIANGULADA 3D, ÁLVARO SIZA
- 2 EMPARRILLADO: MALLA ESPACIAL DE PIRÁMIDE CUADRADA  
ESFUERZOS AXILES
- 3 EMPARRILLADO DE VIGAS  
ESFUERZOS AXILES, DE FLEXIÓN Y TORSIÓN
- 4 PÓRTICO COMPLEJO  
CALCULO EN ROTURA, PLASTIFICACIÓN Y PROCESO DE COLAPSO
- 5 PÓRTICO TENSADO CON CABLES
- 6 MARQUESINA: S. CALATRAVA  
ESTRUCTURAS CON FLEXIÓN Y TORSIÓN
- 7 MARQUESINA ESTACIÓN DE CORREOS DE LUCERNA: S. CALATRAVA  
ESTRUCTURAS CON FLEXIÓN Y TORSIÓN

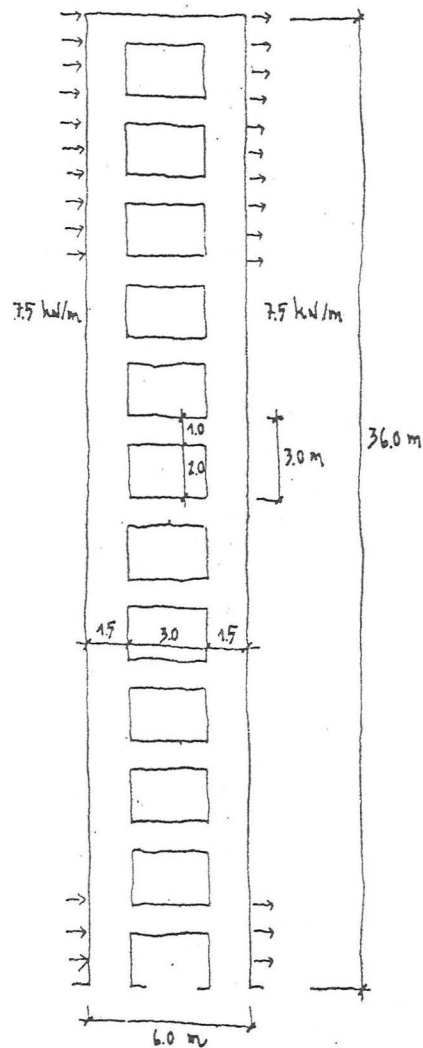
### **(Vol. II)**

#### **PRACTICAS:**

- 8 MURO PANTALLA  
ESTRUCTURAS SUPERFICIALES PLANAS
- 9 LOSA ANFITEATRO  
PLACAS EN REGIMEN ELÁSTICO
- 10 IGLESIA DE LA ATLÁNTIDA: ELADIO DIESTE
- 11 CÚPULA DE S. PEDRO  
COMPORTAMIENTO DE FÁBRICAS, NO LINEALIDAD DEL MATERIAL
- 12 PÓRTICO ESBELTO  
PANDEO, NO LINEALIDAD GEOMÉTRICA
- 13 BÚSQUEDA DE FORMAS EN LÁMINAS 1
- 14 BÚSQUEDA DE FORMAS EN LÁMINAS 2







# !PREPROCESADO, ENTRADA DE DATOS

```

prep7
window,1,full ! define el numero y tamaño de las
                ! ventanas gráficas
view,1,0,0,9
vup,1,y ! especifica la orientación de los ejes globales
         ! eje Y vertical
title,MURO PANTALLA
    
```

## !TIPO DE ELEMENTO

```

et,1,42 ! elemento tipo plane42
         ! elemento plano con 4 nodos
keyopt,1,3,3 ! sección tipo 1, opción 3, valor 3
              ! keyopt3=3 tensiones planas
r,1,250 ! espesor del elemento [mm],
        ! valor requerido si keyopt3=3
    
```

## !MATERIAL hormigón

```

mp,ex,1,20 ! modulo de elasticidad [kN-mm2] material 1
mp,nuxy,1,1 ! coef. de poisson material 1
mp,dens,1,0 ! densidad: no considera el peso propio
    
```

## !NODOS

```

n,1,0,36000,0 ! coordenadas del nodo 1 en (0,36000,0)
ngen,9,1,1,1,1,750,0,0 ! generación de nodos
ngen,37,9,1,9,1,0,-1000,0
    
```

## !ELEMENTOS

```

type,1 ! asigna el tipo 1 a los siguientes elementos
real,1
e,10,11,2,1 ! define el elemento entre los nodos
             ! 10, 11, 2, y 1
egen,8,1,1,1,1,1 ! generación de elementos
egen,3,9,1,2,1
egen,3,9,7,8,1
egen,12,27,1,16,1
    
```

## !CONDICIONES DE APOYO

```

nsl,s,loc,x,0
d,all,ux,0
d,all,uy,0
nsl,all
    
```

## !CARGAS

```

nsl,s,loc,x,0 ! selecciona el subconjunto (s) de nodos
               ! con coordenada local x=0
f,all,fx,7.5 ! aplica cargas puntuales en (all) todos los nodos
              ! seleccionados en el sentido del eje X
    
```

! de valor 7.5 [kN]

```

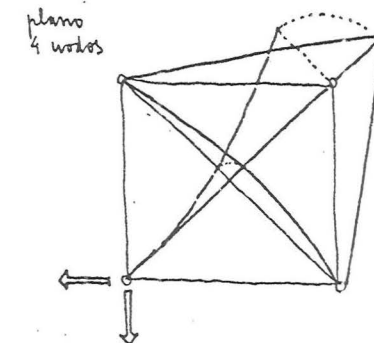
nsl,all
nsl,s,loc,x,6000
f,all,fx,7.5
nsl,all
    
```

## !SALVAR Y SALIR

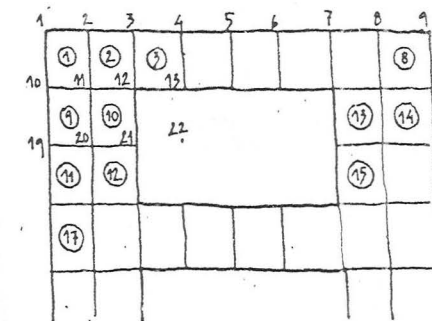
```

save
finish ! salir del preprocesador
    
```

## TIPO DE ELEMENTO



## PARTICIÓN Y NUMERACIÓN





# PROCESADOR DE SOLUCIÓN

solution

antype, static

! indica que el tipo de análisis es estático

solve

! ordena resolver el sistema

finish

! salir del procesador

## POSTPROCESADOR

### SALIDA E INTERPRETACIÓN DE RESULTADOS

post1

etable, sx, s, x

! prepara la tabla denominada sx,

! con los valores de los esfuerzos s componente x

etable, sy, s, y

! ídem. componente y

etable, sxy, s, xy

! ídem componente xy

set, 1, 1

! lee datos de resultados del paso de carga 1

## DIBUJAR

pdisp, 2

! muestra la estructura deformada

! con la estructura original de base (2)

pletab, sx, avg

! gráfica de los datos de la tabla sx,

! (avg): tomando en el interior del elemento un

! valor como promedio lineal

pletab, sy, avg

! ídem tabla sy

pletab, sxy, avg

! ídem tabla sxy

plvect, pdir

! gráfica de resultados del elemento como vector

! (pdir): tensiones en direcciones principales

plvect, disp

! gráfica de los desplazamientos de los nodos

! como vector

## IMPRIMIR

pretab, sx, sy, sxy

! imprime los datos de las tablas sx, sy,

! sxy [N/mm]

prsol, f

! imprime las reacciones en los nudos, (f) fuerzas

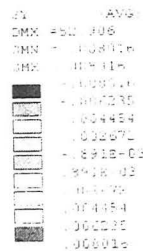
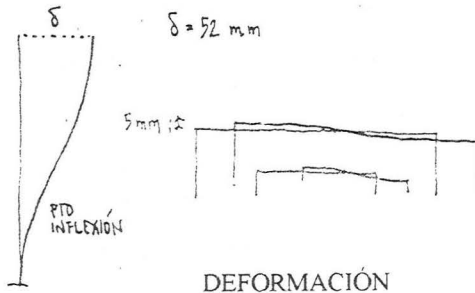
presol, f

! imprime los esfuerzos de los elementos

! (f): fuerzas en el sentido de los ejes X, Y, Z

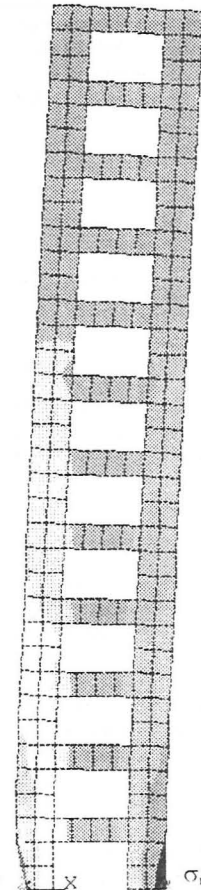
finish

! salir del postprocesador



## TENSIÓN MÁXIMA $\sigma_y$

$$\sigma_{\max} = 8 \text{ N/mm}^2$$



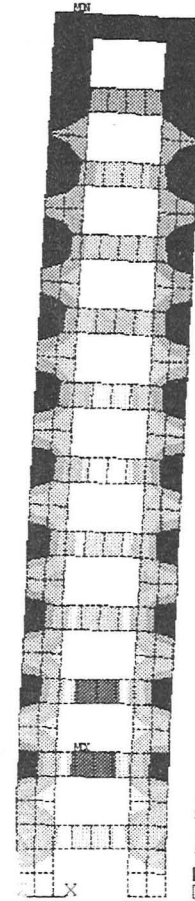
zona 1

zona 2

## CORTADURA MÁXIMA $\tau$

$$\tau_{\max} = 1.1 \text{ N/mm}^2$$

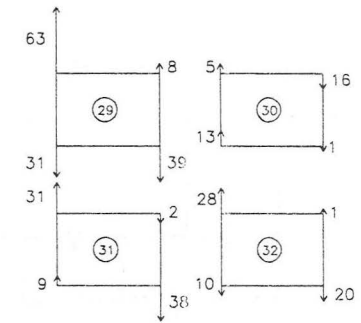
se produce en los dinteles de los niveles 1 y 2



$\tau_{\max}$

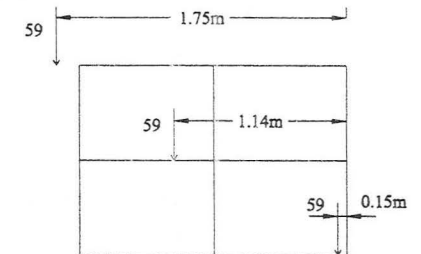


## FUERZAS NODALES EN ZONA 1

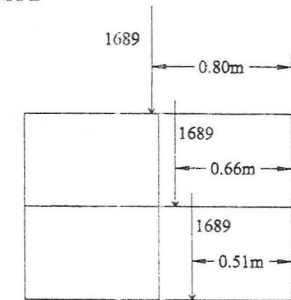


Agrupamos las fuerzas nodales de las secciones en las zonas 1 y 2 en una resultante

## ZONA 1



## ZONA 2



Con estos esfuerzos podemos tener una idea en relacion a los modelos a, b y c.



DEPARTAMENTO DE ESTRUCTURAS DE EDIFICACION  
ESCUELA TÉCNICA SUPERIOR DE ARQUITECTURA  
UPM MADRID

## ESTRUCTURAS III

## MÉTODO DE LOS ELEMENTOS FINITOS

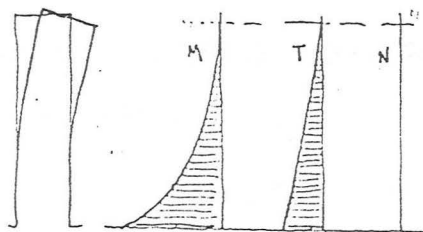
ANSYS

8. MURO PANTALLA

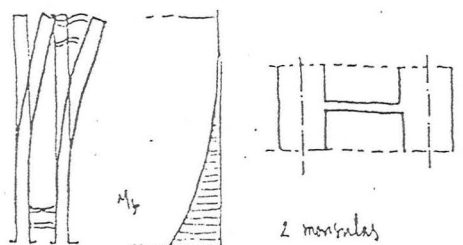
## CONJETURAS:

### TRES MODELOS DE COMPRESIÓN MOMENTOS EN LOS SOPORTES

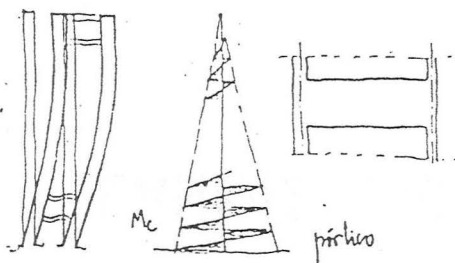
a) sin huecos



b) dinteles poco rígidos: dos mensulas



c) pilares esbeltos y dinteles rígidos

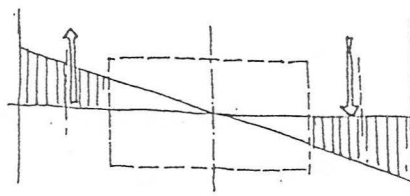


## TENSIONES

$$M_{max} = \frac{15 \text{ kN/m} \cdot 36^2 \text{ m}^2}{2} = 9720 \text{ kN} \cdot \text{m}$$

$$Ma = 9720 \text{ kN} \cdot \text{m}$$

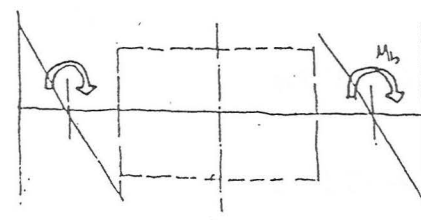
$$\sigma = \frac{9720 \text{ kN} \cdot \text{m}}{6000^2 \cdot 0,256 \text{ mm}^2 \cdot \text{m}} = 6,5 \text{ N/mm}^2$$



$$Mb = 1/2 Ma$$

$$Wb = \frac{15^2}{6^2} Wa = \frac{1}{16} Wa$$

$$\sigma_b = 8 \cdot \sigma_a = 8 \cdot 6,5 = 52 \text{ N/mm}^2$$

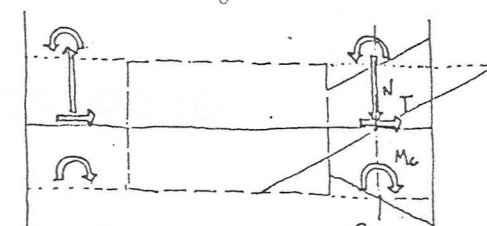


$$N = \frac{9720}{45} = 2160 \text{ kN}$$

$$T = 15 \text{ kN/m} \cdot 36 / 2 = 270 \text{ kN}$$

$$Mc = 270 \text{ kN} \cdot \text{m}$$

$$\sigma = \frac{2160}{1500 \cdot 0,25} + \frac{540}{2 \cdot \frac{1500^2 \cdot 0,25}{6}} = 5,7 + 5,8 = 11,5 \text{ N/mm}^2$$



## DEFORMACIÓN

$$a) \delta = \frac{\frac{1}{2} \cdot \frac{ML}{3} \cdot \frac{2}{3} \cdot L}{EI} = \frac{\frac{1}{2} \cdot 9720 \text{ kN} \cdot \text{m} \cdot \frac{2}{3} \cdot 36^2 \text{ m}^2}{20 \text{ kN/mm}^2 \cdot \frac{6^3 \text{ m}^3 \cdot 250 \text{ mm}}{12}} = 46 \text{ mm}$$

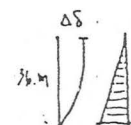
b) Como 2 ménsulas la deformación será 16 veces la anterior  
 $\delta = 736 \text{ mm}$

c) Estimamos la deformación por cortante

$$T = \frac{12EI}{L^3} \Delta; \quad \frac{\Delta}{L} = \frac{TL^2}{12EI}$$

$$\frac{\Delta}{L} = \frac{540 / 2 \text{ kN} \cdot 3^2 \text{ m}^2}{12 \cdot 20 \text{ kN/mm}^2 \cdot \frac{15^3 \text{ m}^3 \cdot 250 \text{ mm}}{12}} = 0,14 \text{ mm/m}$$

incremento de deformación:  
 $\Delta\delta = 0,14 \text{ mm/m} \cdot 36 \text{ m} / 2 = 2,6 \text{ mm}$



## CORTADURA

$$b) \theta = \frac{9720 \text{ kN} \cdot \text{m} \cdot 36 \text{ m} / 2 / 3}{E \cdot \frac{1,5^3 \cdot 250}{12} \text{ mm}} = \frac{829}{E} \text{ kN/m} \cdot \text{mm}$$

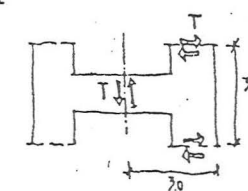
$$T = \frac{12EI}{L^2} \theta = \frac{12 \cdot E \cdot 250 \text{ mm} / 12 \text{ m}^3}{6^2 \text{ m}^2} \cdot \frac{829}{E} \text{ kN/m} \cdot \text{mm} \approx 5667 \text{ kN}$$

$$\tau = 5667 \text{ kN} / 1 \text{ m} \cdot 250 \text{ mm} = 23 \text{ N/mm}^2$$



$$c) T = 540 / 2 \text{ kN}$$

$$\tau = \frac{540 / 2}{1 \text{ m} \cdot 250 \text{ mm}} = 2,1 \text{ N/mm}^2$$



## 4.42 PLANE42 2-D Structural Solid

Table 4.42-1 PLANE42 Input Summary

Element Name	PLANE42
Nodes	I, J, K, L
Degrees of Freedom	UX, UY
Real Constants	None, if KEYOPT(3) = 0, 1, 2 Thickness, if KEYOPT(3) = 3
Material Properties	EX, EY, EZ, (PRXY, PRYZ, PRXZ or NUXY, NUYZ, NUXZ), ALPX, ALPY, ALPZ, DENS, GXY, DAMP
Surface Loads	Pressures: face 1 (J-I), face 2 (K-J), face 3 (L-K), face 4 (I-L)
Body Loads	Temperatures: T(I), T(J), T(K), T(L) Fluences: FL(I), FL(J), FL(K), FL(L)
Special Features	Plasticity, Creep, Swelling, Stress stiffening, Large deflection, Large strain, Birth and death, Adaptive descent

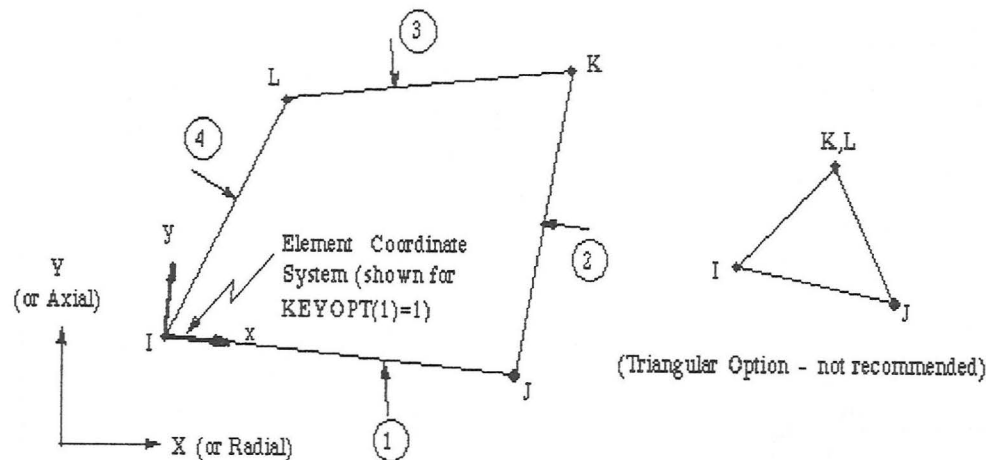
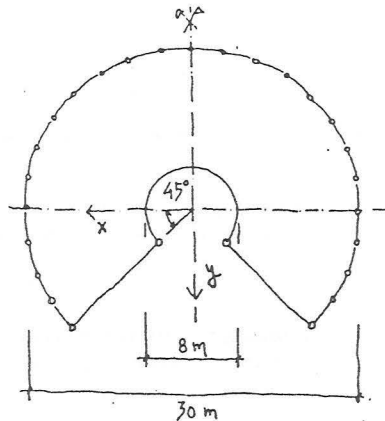


Figure 4.42-1 PLANE42 2-D Structural Solid

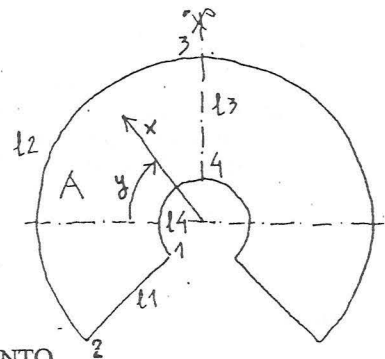




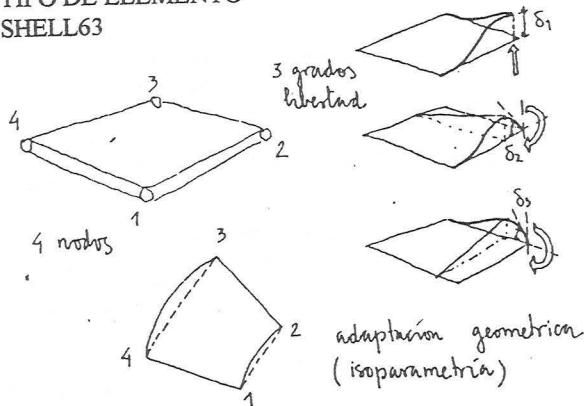
## PLANTA



## NUMERACIÓN

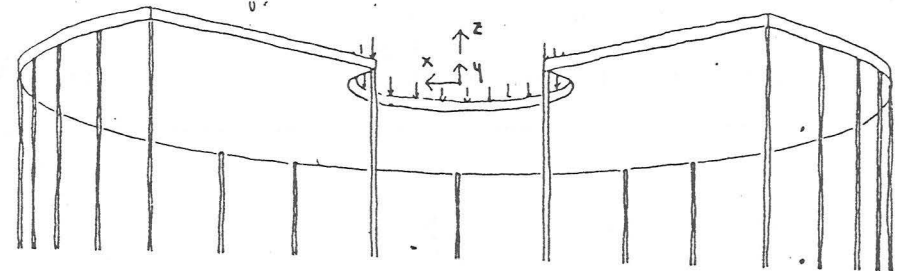


## TIPO DE ELEMENTO SHELL63



CANTO

0.45 m



## !PREPROCESADO, ENTRADA DE DATOS

/prep7

/view,1,2,3,5

/vup,1,z

/title,LOSA ANFITEATRO

!TIPO DE ELEMENTO

et,1,63 ! elemento tipo shell63. Comportamiento de membrana  
! y de flexión con 4 nodos

r,1,450 ! espesor [mm]

! MATERIAL

! asimilacion a hormigon armado de cuantia alta

mp,ex,1,21 ! [kN/mm<sup>2</sup>]

mp,nuxy,1,1

mp,dens,1,8e-9 ! [kN/mm<sup>3</sup>]

! GEOMETRIA

csys,1 ! activa el sistema de coordenadas cilindricas (1)

! puntos clave

k,1,4000,45 ! punto clave numero 1 de coordenadas cilindricas

! (R=4000, Angulo=45) [mm]

k,2,15000,45

k,3,15000,-90

k,4,4000,-90

! lineas

l,1,2,6 ! define una línea entre los puntos clave 1 y 2

! dividiéndola en 6 partes; esta será la línea 1

l,2,3,12

l,3,4,6

l,4,1,12

lplot ! dibuja las lineas definidas

al,1,2,3,4 ! define un area delimitada por las lineas 1, 2, 3 y 4

! sera el area 1

! GENERACION DE NODOS Y ELEMENTOS

type,1

real,1

amesh,1 ! genera elementos superficiales con sus nodos

! en el area 1,

! asignando el elemento seleccionado

/pnum,elem,1 ! activa la numeracion de elementos

/pnum,node,1 ! activa la numeracion de nodos

eplot ! dibuja los elementos

! Condiciones de apoyo

/pbc,all,1 ! muestra los simbolos de coacciones

nrel,s,loc,x,15000

d,all,uz,0 ! apoyo continuo en el contorno

nrel,all

d,1,uz,0

nrel,s,loc,y,-90

d,all,ux,0 ! se impide movimientos horizontales (x)

d,all,roty,0 ! y giros por simetria

!dsym,symm,x ! también se puede decir esta orden en vez de

!!as dos anteriores (plano de simetria perpendicular al eje x)

d,8,uy,0 ! impide mov. Horiz. Eje y

nrel,all

!CARGAS

! losa aligerada  $8e-9 \text{ kN/mm}^3 * 450 \text{ mm} = 3.6e-6 \text{ kN/mm}^2$

! sobrecarga  $4e-6 \text{ kN/mm}^2$

!

!  $7.6e-6 \text{ kN/mm}^2$

!

o bien  $2.11 * \text{peso propio}$

acel,0,0,2.11 ! asigna una aceleracion 2.11 en el eje Z

!sfe,all,1,pres,,7.6e-6 ! otra forma de introducir la carga

! carga lineal  $15.2e-3 \text{ kN/mm}$

nrel,s,loc,x,4000 ! selecciona los nodos de radio = 4000mm

! los del perimetro interior

f,all,fz,-11.94 ! aplica una carga puntual en el sentido del

! eje Z en cada uno de ellos de -11.94 [kN]

nrel,all

!SALVAR Y SALIR

save

finish ! salir del preprocesador



# !PROCESADOR DE SOLUCION

/solution

antype, static ! indica que el tipo de análisis es estático  
 solve ! ordena resolver el sistema  
 finish ! salir del procesador

## !POSTPROCESADOR

### !SALIDA E INTERPRETACION DE RESULTADOS

/post1

! Tablas de valores

etable,sx,s,x ! prepara la tabla denominada sx,  
 ! con los valores de los esfuerzos s componente x  
 ! en coordenadas globales

etable,sy,s,y

etable,sxy,s,xy

set,1,1 ! lee datos de resultados del paso de carga 1

smult,mx,sx,,33750

! calcula los momentos a partir de las tensiones

!  $M = S \cdot W$

! en coordenadas globales

smult,my,sy,,33750

smult,mxy,sxy,,33750

etable,m1,smisc,4

! momento en coordenadas locales del elemento

etable,m2,smisc,5

etable,m12,smisc,6

! Dibujos

pldisp,2 ! muestra la estructura deformada

! y el contorno de la original (2)

/pbc,all,0 ! no muestra los simbolos de coacciones

pletab,mx,avg ! gráfica de los datos de la tabla mx,

! (avg): tomando en el interior del elemento

! un promedio lineal

pletab,my,avg

pletab,mxy,avg

pletab,m1,avg

pletab,m2,avg

pletab,m12,avg

plvect,pdir ! gráfica de resultados del elemento como vector

! (pdir): tensiones en direcciones principales

!imprimir

pretab,mx,my,mxy

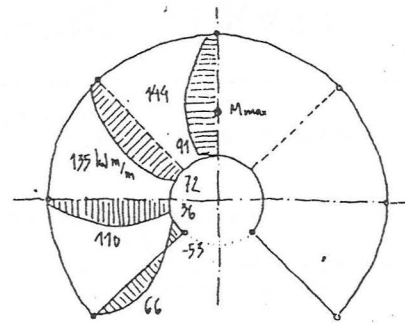
pretab,m1,m2,m12

prsol,f ! imprime las reacciones en los nudos, (f)

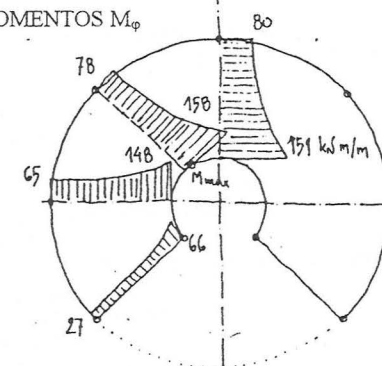
prsol,u ! imprime desplazamientos (u) en los nudos

finish

## MOMENTOS RADIALES $M_r$

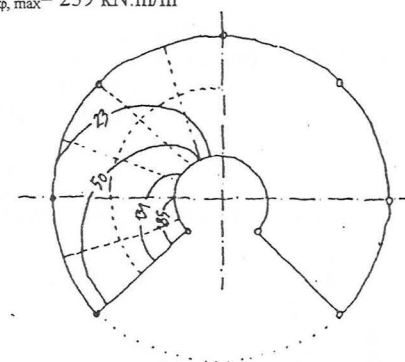


## MOMENTOS $M_{\theta}$

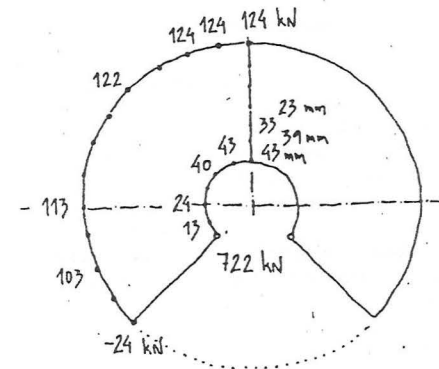
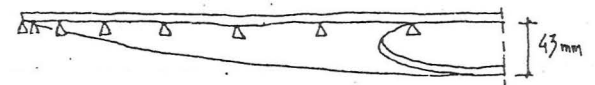


## MOMENTOS CRUZADOS $M_{rp}$

$M_{rp, max} = 239 \text{ kN.m/m}$



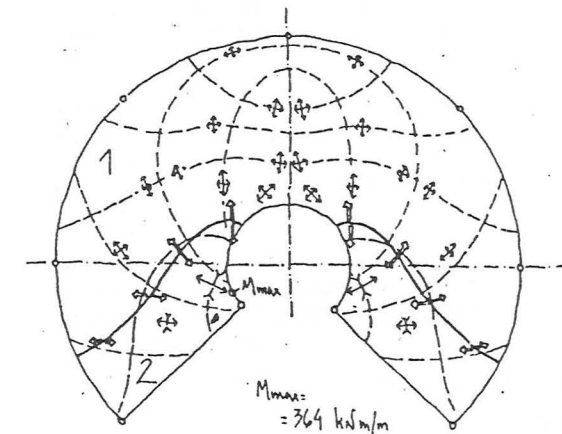
## DEFORMACIONES Y REACCIONES



## DIRECCIONES PRINCIPALES

zona 1: momentos de igual signo

zona 2: momentos de signo distinto



DEPARTAMENTO DE ESTRUCTURAS DE EDIFICACIÓN  
 ESCUELA TÉCNICA SUPERIOR DE ARQUITECTURA  
 U.P.M. MADRID

## ESTRUCTURAS III

MÉTODO DE LOS ELEMENTOS FINITOS  
 ANSYS

9. LOSA ANFITEATRO

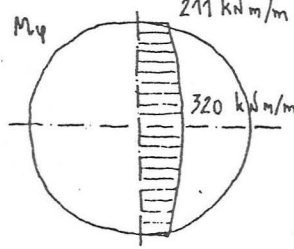
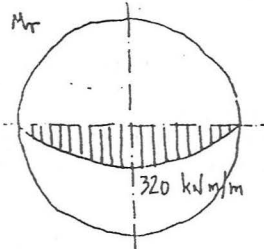
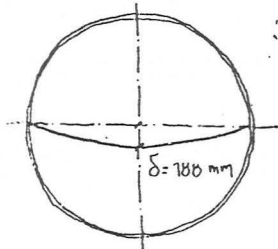
## CONJETURAS:

### 1) LOSA CIRCULAR APOYADA EN CONTORNO

Solución elástica ( $v=0$ )

$$\omega = \frac{1}{64} \frac{q}{D} (r^4 - 6R^2 r^2 + 5R^4)$$

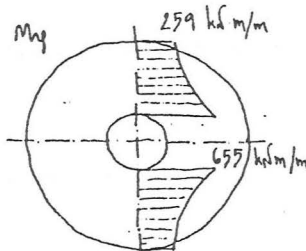
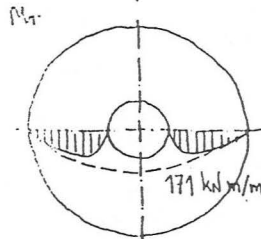
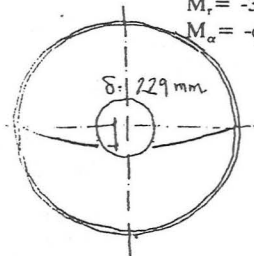
$$\begin{aligned} T_r &= q \cdot r / 2 \\ M_r &= 3 \cdot q / 16 \cdot (R^2 - r^2) \\ M_\alpha &= q / 16 \cdot (3R^2 - r^2) \end{aligned}$$



### 2) LOSA CON AGUJERO

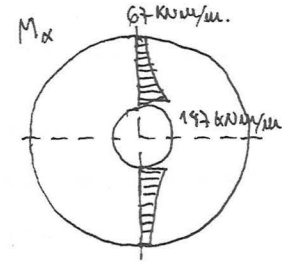
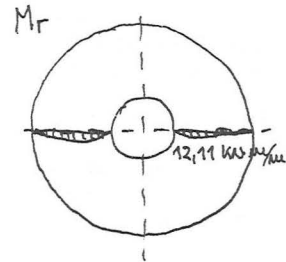
Solución elástica

$$\begin{aligned} T_r &= q \cdot r / 2 - q \cdot r_0^2 / r \\ M_r &= -3 \cdot q \cdot r^2 / 16 + q \cdot r_0^2 / 4 \cdot (\ln r + 0,5) + C_1 / 2 - C_2 / r^2 \\ M_\alpha &= -q \cdot r^2 / 16 + q \cdot r_0^2 / 4 \cdot (\ln r - 0,5) + C_1 / 2 + C_2 / r^2 \end{aligned}$$



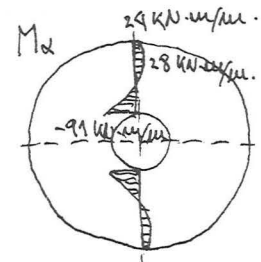
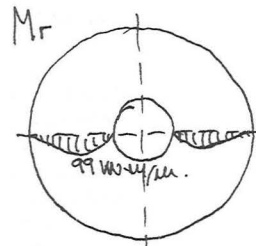
### 3) LOSA CON AGUJERO Y CARGA LINEAL

$$\begin{aligned} T_r &= r_0 / r \cdot q_l \\ M_r &= -r_0 \cdot q_l / 2 \cdot (\ln r + 1,5) + C_1 / 2 - C_2 / r^2 \\ M_\alpha &= -r_0 \cdot q_l / 2 \cdot (\ln r - 0,5) + C_1 / 2 + C_2 / r^2 \end{aligned}$$



### 4) LOSA CON APOYO INTERIOR

$$\begin{aligned} T_r &= q \cdot r / 2 - q \cdot r_0^2 - r_0 \cdot N / r \\ M_r &= -3 \cdot q \cdot r^2 / 16 + q \cdot r_0^2 / 4 \cdot (\ln r + 0,5) + r_0 \cdot N / 2 \cdot (\ln r + 1,5) + C_1 / 2 - C_2 / r^2 \\ M_\alpha &= -q \cdot r^2 / 16 + q \cdot r_0^2 / 4 \cdot (\ln r - 0,5) + r_0 \cdot N / 2 \cdot (\ln r - 0,5) + C_1 / 2 + C_2 / r^2 \end{aligned}$$



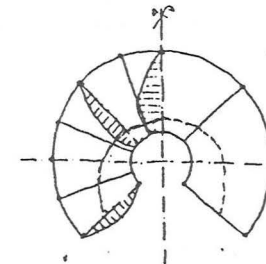
### 5) ASIMILACION A ESTRUCTURA DE VIGAS

#### a) vigas radiales con anillo

Las vigas se apoyan ficticiamente en apoyos progresivamente a más distancia. (Si tomamos máxima 15m)

$$M = \frac{qR^2}{8} = \frac{7,6 \cdot 15^2}{8} = 213 \text{ kN.m/m}$$

Los pilares soportan más de la mitad de la carga cuando se aproximan al eje de simetría. Y el central menos de 1/2 de carga (p. ej 0,4)

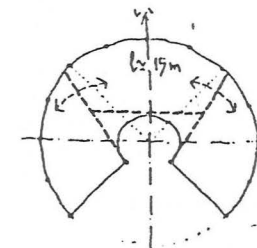


CARGA TOTAL 4029 kN

1/2 CARGA TOTAL 2013 kN PILAR CENTRAL 805 kN

#### b) vigas en luces cortas

Llegamos de esta manera de nuevo a luces de flexión de 15m.





```
!PREPROCESADO, ENTRADA DE DATOS
/prep7
/view,1,2,3,5
/vup,1,z
/title,LOSA CON AGUJERO Y DOBLE APOYO
```

```
!TIPO DE ELEMENTO
et,1,63 ! elemento tipo shell63
! comportamiento de membrana y de flexión
! con 4 nodos
r,1,450 ! espesor [mm]
```

```
! MATERIAL
! asimilacion a hormigon armado de cuantia alta
mp,ex,1,21 ! [kN/mm2]
mp,nuxy,1,.1
mp,dens,1,8e-9 ! [kN/mm3]
```

```
! GEOMETRIA
csys,1 ! activa el sistema de coordenadas cilindricas
(1)
!puntos clave
k,1,4000,90 ! punto clave numero 1 de coordenadas
cilindricas (4000,45) [mm]
k,2,15000,90
k,3,15000,0
k,4,4000,0
!lineas
l,1,2,20 ! define la linea 1 entre los puntos clave 2 y 6
l,2,3,9
l,3,4,20
l,4,1,9
lplot ! dibuja las lineas definidas
al,1,2,3,4 ! define un area delimitada por las lineas 1, 2, 3 y 4
! sera el area 1
```

```
! GENERACION DE NODOS Y ELEMENTOS
type,1
real,1
amesh,1 ! genera elementos superficiales con sus nodos
! en el area 1,
! asignando el elemento seleccionado
/pnum,elem,1 ! activa la numeracion de elementos
/pnum,node,1 ! activa la numeracion de nodos
eplot ! dibuja los elementos
```

! Condiciones de apoyo

```
/pbc,all,1 ! muestra los simbolos de coacciones
nsel,s,loc,x,15000
d,all,uz,0 ! apoyo continuo en el contorno
nsel,all
nsel,s,loc,x,4000
d,all,uz,0
nsel,all
nsel,s,loc,y,90
dsym,symm,x
nsel,all
nsel,s,loc,y,0
dsym,symm,y
nsel,all
```

```
!CARGAS
! losa aligerada 8e-9kN/mm3 * 450mm =3.6e-6kN/mm2
! sobrecarga
4e-6 kN/mm2
!
-----
!
7.6e-6kN/mm2
!
o bien 2.11*peso propio
acel,0,0,2.11 ! asigna una aceleracion 2.11 en el eje Z
nsel,all
```

```
!SALVAR Y SALIR
save
finish ! salir del preprocesador
```

```
!PROCESADOR DE SOLUCION
/solution
antype,static ! indica que el tipo de análisis es estático
solve ! ordena resolver el sistema
finish ! salir del procesador
```

```
!POSTPROCESADOR
!SALIDA E INTERPRETACION DE RESULTADOS
/post1
! Tablas de valores
etable,m1,smisc,4
! momento en coordenadas locales del elemento
etable,m2,smisc,5
etable,m12,smisc,6
! Dibujos
```

```
pdisp,2 ! muestra la estructura deformada
! y el contorno de la original (2)
/pbc,all,0 ! no muestra los simbolos de coacciones
pletab,m1,avg
pletab,m2,avg
pletab,m12,avg
plvect,pdir ! gráfica de resultados del elemento como vector
! (pdir): tensiones en direcciones principales
```

```
!imprimir
pretab,m1,m2,m12
prrsol,f ! imprime las reacciones en los nudos, (f)
prnsol,u ! imprime desplazamientos (u) en los nodos
```

```
!OTRAS ORDENES PARA SACAR GRAFICAS
/erase
/yrange,-55,150
lpath,1,2
pdef,cero,s,z
plpath,cero
/noerase
etable,m1,smisc,4
lpath,1,2
pdef,mrad,etab,m1,avg
plpath,mrad
```

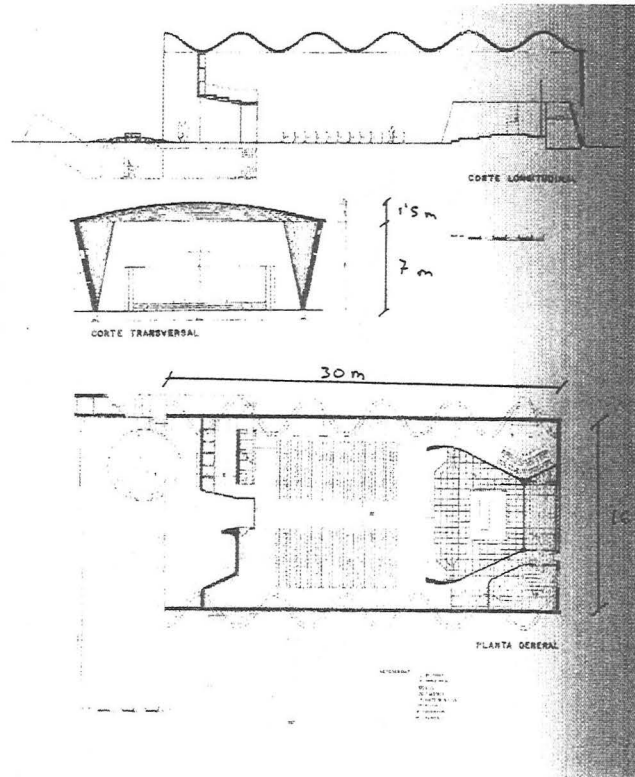
```
/erase
/yrange,0,160
pdef,cero,s,z
plpath,cero
/noerase
etable,m2,smisc,5
lpath,1,2
pdef,mcirc,etab,m2,avg
plpath,mcirc
```



IGLESIA DE LA ATLÁNTIDA.

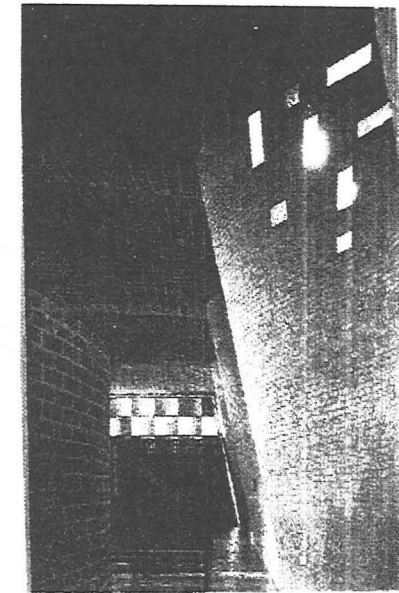
ELADIO DIESTE.

URUGUAY, 1960



NAVE : 16m x 30m (5 módulos de 6m)

$h \rightarrow 7m + 1,5m$



"PUEDO DECIR QUE PROCURÉ QUE ÉSTE (EL PROYECTO) RESPONDIERA A UN ESTILO SERIO, A LA VEZ SEVERO Y AMABLE DE PIEDAD, CON UNA GRAN CONFIANZA EN EL ESPÍRITU CRISTIANO DE LOS HUMILDES QUE HAN DE USARLA ... QUE LA IGLESIA COMO ARQUITECTURA NO FUESE UN OBSTÁCULO PARA UNA PIEDAD VERDADERA SINO SU MANIFESTACIÓN PRIMERA. LOS MEDIOS Y LOS MATERIALES USADOS EN LA CONSTRUCCIÓN TAMBIÉN QUIEREN SER EXPRESIVOS: HUMILDES COMO LOS FIELES PARA QUIENES LA IGLESIA SE CONSTRUYÓ, PERO FUERON TRATADOS CON EL DESVELO QUE ASPIRA A SER EL HOMENAJE QUE ESTOS HUMILDES SE MERECEAN"

Eladio Dieste



! PREPROCESADOR: Entrada de datos

/prep7

/window,1,full

/view,1,20,20,20

/vup,1,z

/title, LA ATLÁNTIDA

! TIPO DE ELEMENTO

et,1,63 ! elemento tipo shell63

! plano de 4 nodos

r,1,0.1 ! espesor cubierta [m]

r,2,0.3 ! espesor muro [m]

! MATERIAL 1: ladrillo

mp,ex,1,6e6 ! módulo de elasticidad

[kN/m2]

mp,nuxy,1,e5 ! coef. de Poisson

mp,dens,1,16 ! densidad [kN/m3]

! GEOMETRIA

! definición del muro

! línea inferior

k,1,8,-3,0 ! puntos clave

k,2,8,0,0

l,1,2 ! L1 recta entre los puntos 1 y 2

! línea superior

k,3,6,5,-3,7

k,4,6,8,-2,25,7

k,5,8,-1,5,7

k,6,9,125,-0,75,7

k,7,9,5,0,7

bspline,3,4,5,6,7 ! L2 curva de segundo grado

! entre los puntos 3,4,5,6,7

! líneas interiores

l,1,3 ! L3

l,2,7 ! L4

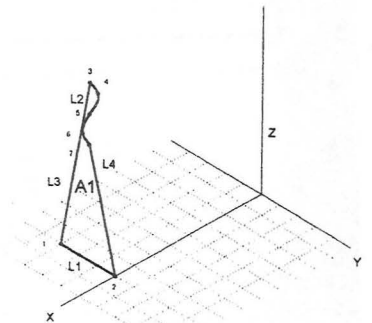
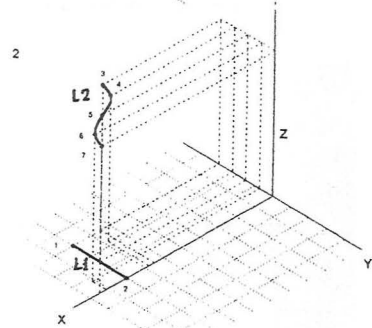
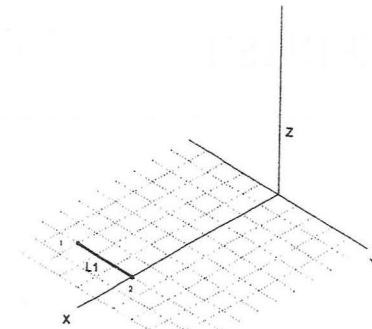
! áreas muro

al,1,4,2,3 ! A1 definición de área

entre

! las líneas 1, 4, 2, 3

aplot



! Definición de la cubierta

! línea central

k,8,0,-3,7,07 ! puntos clave

k,9,0,-2,25,7,25

k,10,0,-1,5,7,787

k,11,0,-0,75,8,32

k,12,0,0,8,5

bspline,8,9,10,11,12

! L5 curva de segundo grado

! parábolas transversales

k,13,4,-3,7,0

k,14,4,0,8,236

bspline,3,13,8 ! L6

bspline,7,14,12 ! L7

! áreas cubierta

al,2,7,5,6 ! A2

aplot

! Definición del zuncho

! línea exterior

k,15,7,9,-3,7

k,16,8,2,-2,25,7

k,17,8,95,-1,5,7

k,18,9,6,-0,75,7

k,19,10,0,7

bspline,15,16,17,18,19

! líneas muro-zuncho

l,3,15

l,7,19

! áreas zuncho

al,8,10,2,9

aplot

! Simetrías

arsym,x,1,3,1,,0 !simetría respecto al eje x

! de las áreas de la 1 a la 3 tomadas

! de 1 en 1, generando áreas

! adicionales

arsym,y,1,6,1,,0 !simetría respecto al eje y

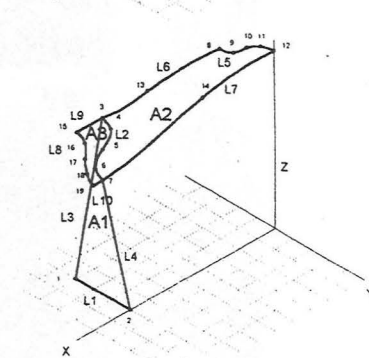
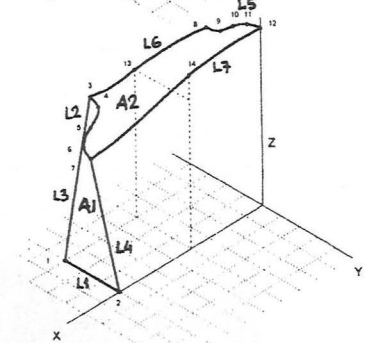
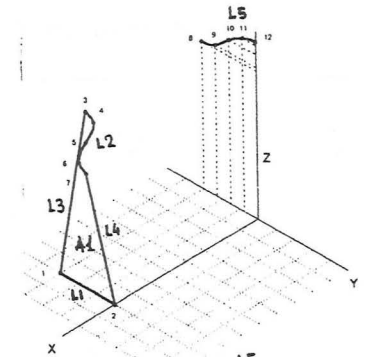
! de las áreas de la 1 a la 6 tomadas

! de 1 en 1, generando áreas

! adicionales

nummrg,all ! elimina puntos y rectas muy

! próximos o dobles





# ! NODOS Y ELEMENTOS

! muro  
type,1  
real,2  
! eshape,0,2 ! rellenar el área permitiendo  
! mezclar elementos cuadrados

y  
! triangulares sin crear nodos  
! intermedios  
! esize,,5 ! número de divisiones de las  
! líneas de borde  
amesh,1,10,3 ! rellena de elementos del  
! área 1 a la 10 en pasos de 3

! bóveda  
type,1  
real,1  
! eshape,2,2 ! sólo permite elementos  
! cuadrados sin nodos  
! intermedios  
! esize,,7  
amesh,2,12,3

## ! TIPO DE ELEMENTO

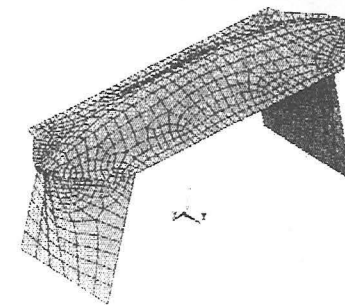
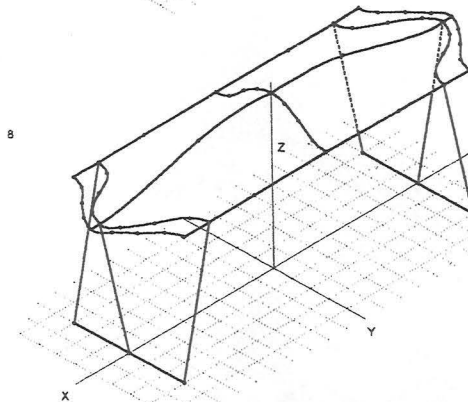
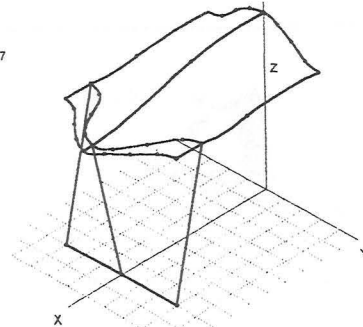
et,2,63 !elemento tipo shell63  
r,3,0.2 !espesor zuncho [m]  
! MATERIAL 2: hormigón  
mp,ex,2,21e6 !módulo de elasticidad [kN/m2]  
mp,nuxy,2,e5 !coef. de Poisson  
mp,dens,2,25 !densidad [kN/m3]

! zuncho  
type,2  
real,3  
! eshape,2,2  
! esize,,3  
amesh,3,12,3

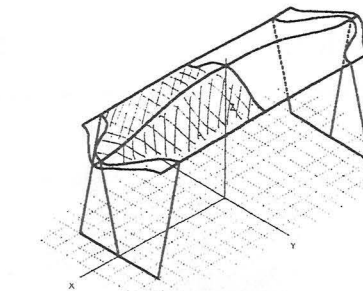
## ! CONDICIONES DE APOYO

! empotramiento en la base  
nset,z,0 !selecciona los nodos de z=0  
d,all,uz,0 !coarta desplazamiento vertical  
d,all,uy,0 !coarta desplazamiento en la  
! direccion y  
d,all,ux,0 !coarta desplazamiento en la

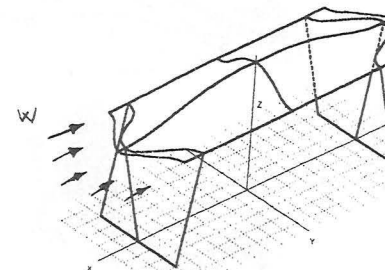
! direccion x  
d,all,rotx,0 !coarta giro respecto eje x  
d,all,roty,0 !coarta giro respecto eje y



! MALLA DE ELEMENTOS  
- En Ansys 5.3 educac.  
es necesario  
limitar el número  
de elementos



Sobrecarga a un lado de la estructura  
Carga superficial presión en el eje Z



Viento: Se supone que la acción horizontal la  
absorbe el zuncho al ser más rígido.

d,all,rotx,0 !coarta giro respecto eje z  
nset,all !selecciona todos los nodos

! simetría en planos Y  
nset,y,-3 !selecciona los nodos de y=-3  
dsym,symm,y !coacciones equivalentes a que  
la estructura es simétrica respecto el  
eje y

nset,y,3  
dsym,symm,y  
nset,all

## ! CARGAS

! Peso propio  
acel,0,0,1 ! carga de peso propio  
! Sobrecarga nieve a un lado  
! sfa,2,,pres,-0.5  
! sfa,8,,pres,-0.5  
! Viento  
! Cargas en nodos del zuncho  
! f,915,fx,-2.1  
! f,917,fx,-2.1  
! f,918,fx,-2.1  
! f,919,fx,-2.1  
! f,920,fx,-2.1  
! .....  
! f,988,fx,-2.1  
! f,989,fx,-2.1  
! f,985,fx,-2.1

save  
finish

## ! PROCESADOR DE SOLUCIÓN

/solution  
lumpm,on  
antype,static !análisis estático  
solve  
finish



# !POSTPROCESADOR

## !SALIDA E INTERPRETACIÓN DE RESULTADOS

/post1  
 prsol,f ! imprime reacciones en nudos  
 ! comprobación de equilibrio global  
 pldisp,2 ! estructura deformada y contorno de la original (2)  
 prsol,u ! imprime desplazamientos (u) en nudos  
 ! comprobación de deformaciones

! Tensiones  
 shell,top ! localización en que se dan los resultados de las  
 ! tensiones en el elemento laminar  
 ! (top): cara superior  
 ! (mid): medio  
 ! (bot): cara inferior

etable,SXt,s,x  
 etable,SYt,s,y  
 etable,SZt,s,z

shell,bot  
 etable,SXb,s,x  
 etable,SYb,s,y  
 etable,SZb,s,z

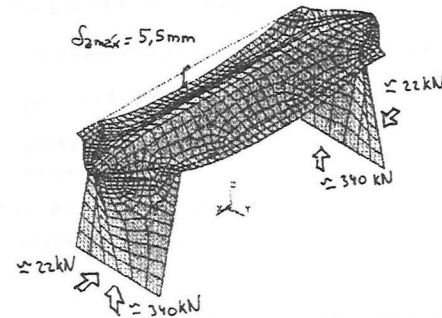
pletab,SXt,avg  
 pletab,SXb,avg

pletab,SYt,avg  
 pletab,SYb,avg

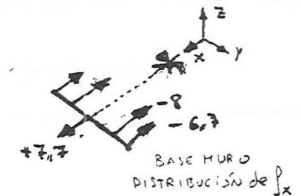
pletab,SZt,avg  
 pletab,SZb,avg

! Momentos en coordenadas locales del elemento

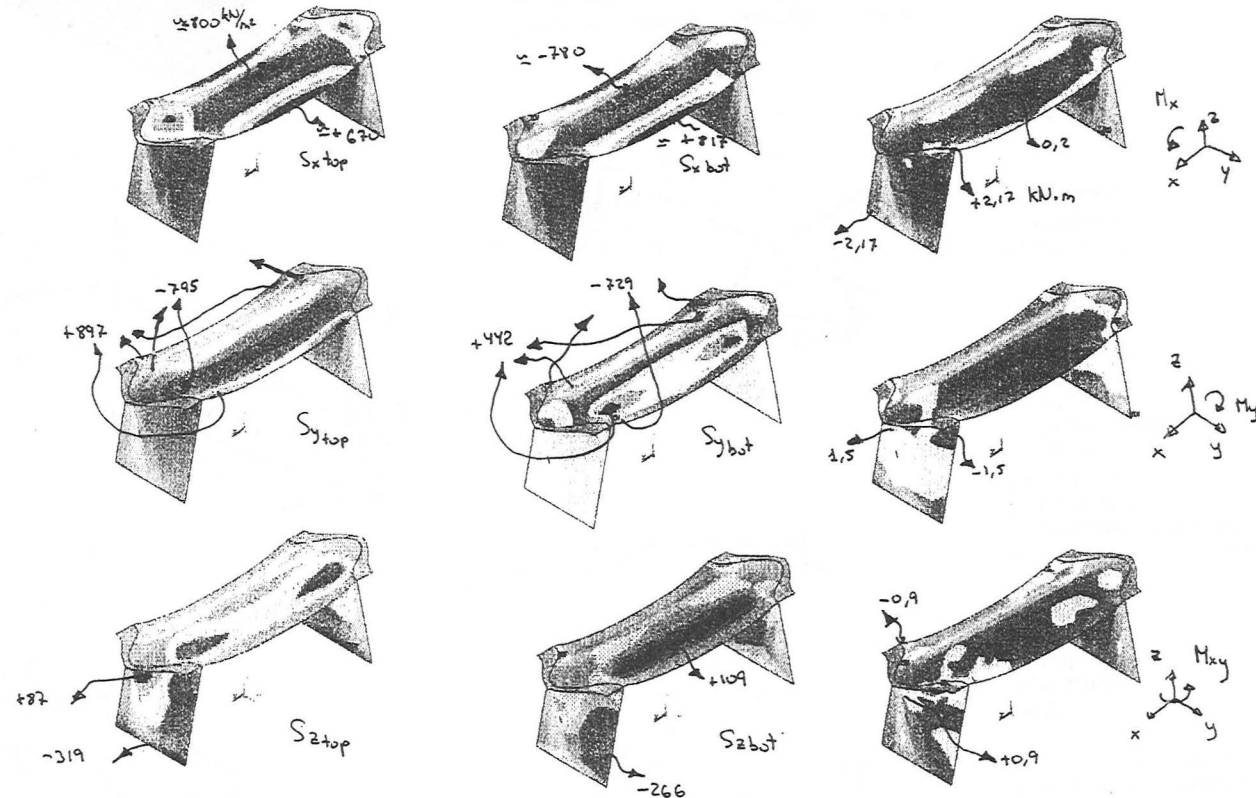
etable,Mx,smisc,4  
 etable,My,smisc,5  
 etable,Mxy,smisc,6  
 pletab,Mx,avg  
 pletab,My,avg  
 pletab,Mxy,avg



$$\begin{cases} \sum F_x = 0 \\ \sum F_y = 0 \\ \sum F_z = 680 \text{ kN} \end{cases} \Leftrightarrow \sum \text{PESO}$$



$$\begin{aligned} \text{Peso bóveda} &= 16 \text{ kN/m}^3 \times 0,1 \times 6 \times 16 \approx 153,6 \text{ kN} \\ \text{Peso muro} &= 2 \times (16 \text{ kN/m}^3 \times 0,3 \times 7 \times 7) \approx 470,4 \text{ kN} \\ \text{Peso zunchos} &= 2 \times (25 \text{ kN/m}^3 \times 0,2 \times 0,75 \times 7) \approx 52,5 \text{ kN} \\ \hline \sum \text{PESO} &= 676,5 \text{ kN} \end{aligned}$$



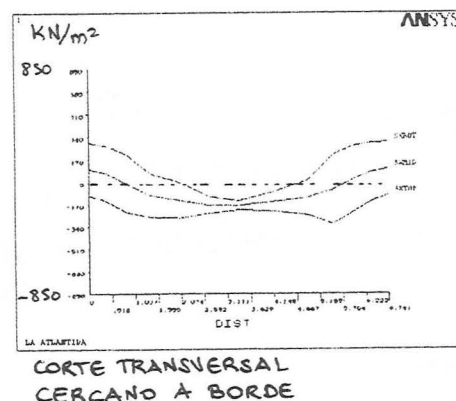
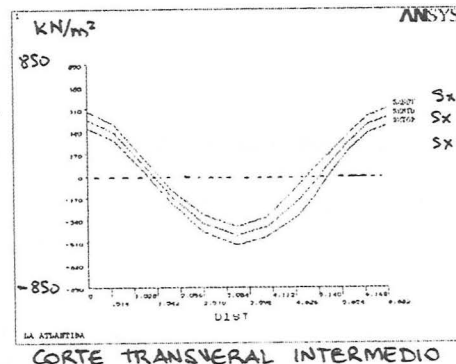
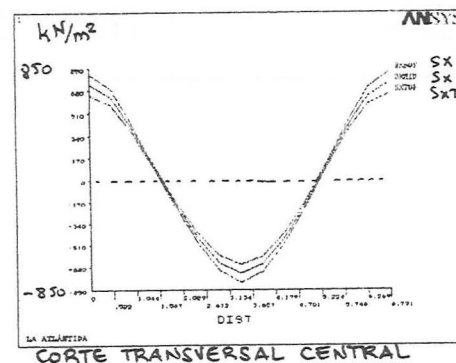
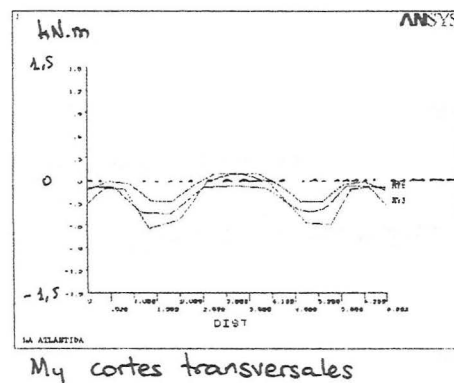
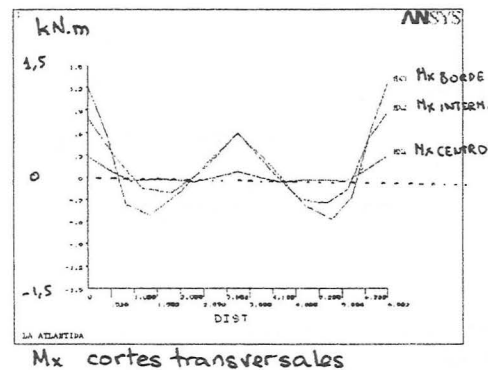
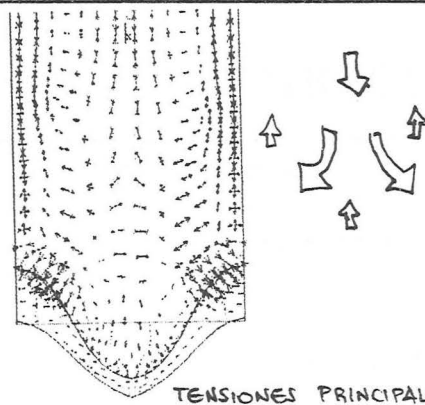
plvect,s,,,vect,,on

## ! GRÁFICAS

! Momentos y tensiones en cortes transversales

```
/erase
/yrange,-1.5,1.5
etable,Mx,smisc,4
lpath,487,488,489,490,491,492,493,472,728,727,7
26,725,724,723,708
pdef,Mx1,etab,Mx,avg
plpath,Mx1
/noerase
etable,Mx,smisc,4
lpath,498,558,583,572,542,481,767,743,739,751,7
80,713
pdef,Mx2,etab,Mx,avg
plpath,Mx2
/noerase
etable,Mx,smisc,4
lpath,596,671,683,684,638,665,615,861,838,889,8
88,887,816
pdef,Mx3,etab,Mx,avg
plpath,Mx3
```

```
! Momentos y tensiones en cortes transversales
/erase
/yrange,-1.5,1.5
etable,My,smisc,5
lpath,487,488,489,490,491,492,493,472,728,727,7
26,725,724,723,708
pdef,My1,etab,My,avg
plpath,My1
/noerase
etable,My,smisc,5
lpath,498,558,583,572,542,481,767,743,739,751,7
80,713
pdef,My2,etab,My,avg
plpath,My2
/noerase
etable,My,smisc,5
lpath,596,671,683,684,638,665,615,861,838,889,8
88,887,816
pdef,My3,etab,My,avg
plpath,My3
```



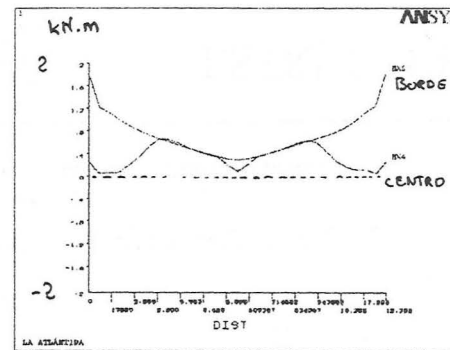
```
/erase
/yrange,-850,850
shell,top
etable,SXt,s,x
shell,mid
etable,SXm,s,x
shell,bot
etable,SXb,s,x
lpath,487,488,489,490,491,492,493,472,728,727,726,72
5,724,723,708
pdef,SXtop,etab,SXt,avg
plpath,SXtop
/noerase
pdef,SXmid,etab,SXm,avg
plpath,SXmid
pdef,SXbot,etab,SXb,avg
plpath,SXbot
```

```
/erase
/yrange,-850,850
shell,top
etable,SXt,s,x
shell,mid
etable,SXm,s,x
shell,bot
etable,SXb,s,x
lpath,498,558,583,572,542,481,767,743,739,751,780,71
3
pdef,SXtop,etab,SXt,avg
plpath,SXtop
/noerase
pdef,SXmid,etab,SXm,avg
plpath,SXmid
pdef,SXbot,etab,SXb,avg
plpath,SXbot
```

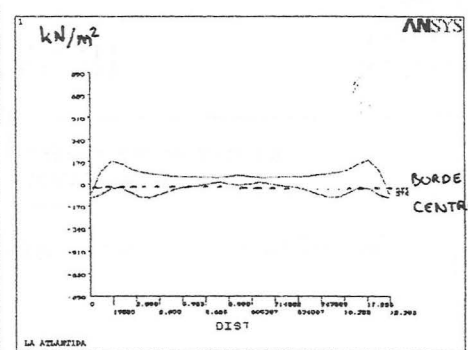
```
/erase
/yrange,-850,850
shell,top
etable,SXt,s,x
shell,mid
etable,SXm,s,x
shell,bot
etable,SXb,s,x
lpath,596,671,683,684,638,665,615,861,838,889,888,88
7,816
pdef,SXtop,etab,SXt,avg
plpath,SXtop
/noerase
pdef,SXmid,etab,SXm,avg
plpath,SXmid
pdef,SXbot,etab,SXb,avg
plpath,SXbot
```



!Momentos y tensiones en cortes longitudinales  
/erase  
/yrange,-2,2  
etable,Mx,smisc,4  
lpath,5,473,475,477,479,481,483,485,472,621,619,  
617,615,613,611,609,136  
pdef,Mx4,etab,Mx,avg  
plpath,Mx4  
/noerase  
etable,Mx,smisc,4  
lpath,709,711,713,715,717,719,721,708,827,825,8  
23,821,819,817,815  
pdef,Mx5,etab,Mx,avg  
plpath,Mx5

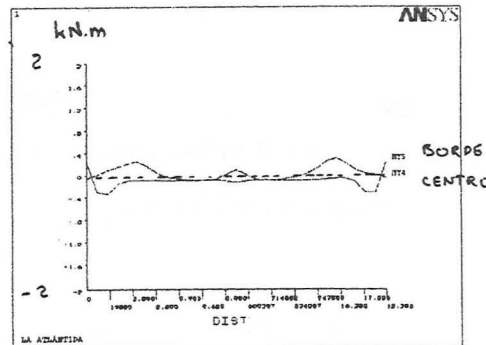


Mx CORTE LONGITUDINAL

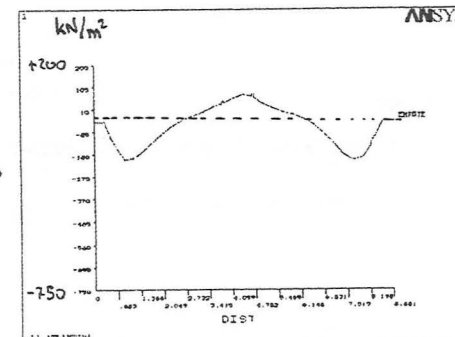


Sy CORTE LONGITUDINAL

/erase  
/yrange,-2,2  
etable,My,smisc,5  
lpath,5,473,475,477,479,481,483,485,472,621,619,  
617,615,613,611,609,136  
pdef,My4,etab,My,avg  
plpath,My4  
/noerase  
etable,My,smisc,5  
lpath,709,711,713,715,717,719,721,708,827,825,8  
23,821,819,817,815  
pdef,My5,etab,My,avg  
plpath,My5

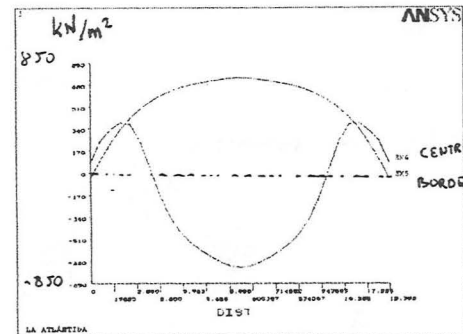


My CORTE LONGITUDINAL



Sx NODOS ZUNCHO BÓVEDA

shell,mid  
/erase  
/yrange,-850,850  
etable,SX,s,x  
lpath,5,473,475,477,479,481,483,485,472,621,619,  
617,615,613,611,609,136  
pdef,SX4,etab,SX,avg  
plpath,SX4  
/noerase  
etable,SX,s,x  
lpath,709,711,713,715,717,719,721,708,827,825,8  
23,821,819,817,815  
pdef,SX5,etab,SX,avg  
plpath,SX5



Sx CORTE LONGITUDINAL

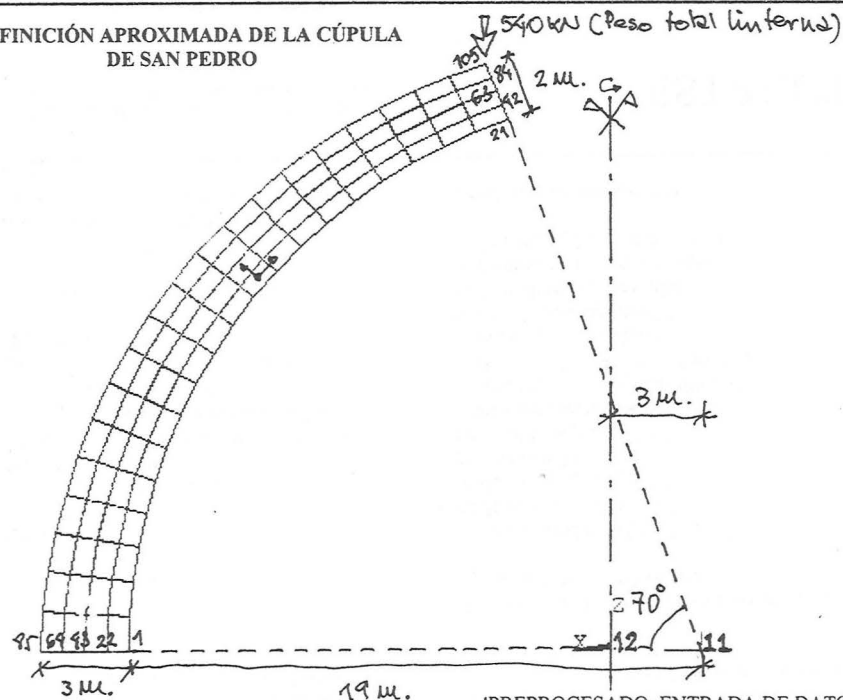
/erase  
/yrange,-850,850  
etable,SY,s,y  
lpath,5,473,475,477,479,481,483,485,472,621,619,617,6  
15,613,611,609,136  
pdef,SY4,etab,SY,avg  
plpath,SY4  
/noerase  
etable,SY,s,y  
lpath,709,711,713,715,717,719,721,708,827,825,823,82  
1,819,817,815  
pdef,SY5,etab,SY,avg  
plpath,SY5

!Empuje en zuncho  
/erase  
/yrange,-750,200  
lpath,20,22,24,26,28,30,32,34,5,276,274,272,270,268,26  
6,264,252  
pdef,empuje,s,x  
plpath,empuje

!Errores  
/erase  
etable,error1,serr ! porcentaje de error debido a la  
! geometria  
etable,error2,sdsg ! variación máxima de las tensiones  
pletab,error1,avg  
pletab,error2,avg



# !DEFINICIÓN APROXIMADA DE LA CÚPULA DE SAN PEDRO



SAN PEDRO

## !PREPROCESADO, ENTRADA DE DATOS

```

/title, SAN PEDRO
/view,1,0,1,1
/vup,1,z
/plot7
    
```

## !TIPO DE ELEMENTO

```

et,1,65 ! SOLID65,
! elemento con capacidad de fisuras en tracción
    
```

## !MATERIAL ladrillo

```

mp,ex,1,5e6 ! modulo de elasticidad [kN/m2]
mp,dens,1,20 ! densidad 20 kN/m3
mp,nuxy,1,15 ! nu=0,15
tb,concr,1 ! activa tabla de datos del material 1,
! tipo hormigon SOLID65
tbdata,1,0,1,355,30000
! define los valores de la tabla de datos
! tabla para fisuración: material 1,
! transferencia de cortante 0 (fisura abierta),
! 1 (fisura cerrada),
! tensión de rotura en tracción 355 [kN/m2],
    
```

! en compresion 30000 [kN/m2]

## !GEOMETRIA

### !NODOS

```

local,11,2,-3,0,0 ! coordenadas esféricas (2) para
! entrada de sección
    
```

```

n,1,19,0,0
n,21,19,0,70
fill,1,21
n,22,19,75,0,0
n,42,19,5,0,70
fill,22,42
n,43,20,5,0,0
n,63,20,0,70
fill,43,63
n,64,21,25,0,0
n,84,20,5,0,70
fill,64,84
n,85,22,0,0
n,105,21,0,70
fill,85,105
    
```

```

local,12,1,0,0,0 ! define coordenadas cilindricas (1)
! para generar por rotación un octavo
! de cúpula
ngen,3,105,1,105,1,0,1,0 ! generando 3 bandas
! (1 grados de separación entre ellas)
    
```

## !ELEMENTOS

```

!esys,0 ! selecciona la orientación de ejes en los
elementos
! de cara a la salida de resultados
!por defecto (0):paralelas a ejes de
    
```

## elementos

```

esys,11
e,1,22,127,106,2,23,128,107
egen,4,21,1,1 ! 4 elementos en el espesor
egen,20,1,1,4,1 ! 20 elementos en toda la altura
egen,2,105,1,80,1 ! 2 elementos
    
```

## !CONDICIONES DE APOYO Y CARGA

```

csys,12 ! activa el sistema de coordenadas
cilindricas previamente definido como 12
nset,s,loc,z,0 ! todos los nudos de la base
d,all,uz,0 ! con descenso impedido
nset,s,loc,z,19,70,19,80 ! todos los nudos de la
cota de la linterna
f,all,fz,-1.5 ! con carga de linterna.
nset,r,loc,y,0,2,2 ! los extremos tienen la mitad
f,all,fz,-0.75
    
```

```

nset,all
acel,0,0,1 ! peso propio
nrotat,1,315,1 ! preparo sistema de coordenadas
locales en nudos paralelas a las
cilindricas
nset,s,loc,y,0 !
d,all,uy,0 ! movimientos circunferenciales
impedidos
nset,s,loc,y,2 !
d,all,uy,0 !
    
```

## !RESISTENCIA FRENTE A EMPUJES

!Diferentes posibilidades  
 !1: mediante coacción infinita en la base,  
 ! dado un desplazamiento radial nulo  
 !2: mediante coacción en la base, dado un  
 ! desplazamiento radial fijo no nulo

```

! MODO 1: desplazamiento horizontal de apertura
nulo
! nset,s,loc,z,0
! d,all,ux,0,00
!MODO 2: desplazamiento horizontal de apertura no
nulo
nset,s,loc,z,0
d,all,ux,0,01 ! 1 cm
nset,all
/plot
eplot
    
```

## !SALVAR Y SALIR

```

save
finish ! salir del preprocesador
    
```

## !PROCESADOR DE SOLUCION

```

!modulo de solución estático, Newton Rapson
/solution
antype,static ! análisis estático
outres,all,all
neqit,40
pred,on
nropt,auto
nsubst,15,20 ! especifica el numero y tamaño de los
saltos de carga al estar activado los
saltos automaticos (autots,on)
! (15)tamaño del primer paso de carga,
! (20) numero de pasos máximo
autots, on ! activa saltos de carga automaticos
solve
finish
    
```



# !POSTPROCESADOR

```
/post1
set,1
/pbc,all,0
esel,s,elem,,1,160,1 ! selecciona un subconjunto (s)
de elementos por su numeración
(elem), desde el 1 al 160 tomados
de 1 en 1

/view,1,0,1,0
nset,s,loc,z,-0.2,0.01 ! selecciona un subconjunto (s)
de nodos de coordenada z entre -
0.2 y 0.01

!reacciones en la base
prtsol,fx ! imprime las reacciones en los nudos en el
sentido x, (fx)
prtsol,fy ! Idem, (fy)
prtsol,fz ! Idem, (fz)
nset,s,loc,y,0,0
!tensiones.
rsys,11
plnsol,sx ! gráfica de resultados de las tensiones sx
! en los nodos y elementos seleccionados
plnsol,sy ! Idem, tensiones sy
plnsol,sz ! Idem, tensiones sz
nset,all
/device,vector,on ! opciones de dispositivo gráfico,
! activa el modo VECTOR, las areas y
volumenes se representan alámbricas
plcrack ! representa las grietas
/device,vector,off
```

## !ALGUNOS CALCULOS

!tensiones en la base

```
lpath,1,22,43,64,85 ! define un camino de nodos
para operaciones posteriores
pdef,sig_base-z,s,z ! define e interpola entre los
nodos del camino definido los valores de
tensión en la dirección Z
pdef,sig_cir,s,y ! Idem, tensión en la dirección Y
plpath,sig_base-z,sig_cir
```

!trazado de tensiones sobre el eje de la cúpula

```
lpath,43,45,47,49,51,53,55,57,59,63
pdef,s_z,s,z ! tensión en la dirección Z
pdef,s_y,s,y ! tensión en la dirección Y
plpath,s_z,s_y
```

!Trazado de tensiones en dirección Z en cinco cortes a lo largo de la cúpula.

```
rsys,11
dsys,11
lpath,1,3,5,7,9,11,13,15,17,21
pdef,s_z1,s,z
pdef,save ! evita que al definir un nuevo camino
de nodos se pierdan los valores calculados
lpath,22,24,26,28,30,32,34,36,38,42
pdef,s_z2,s,z
pdef,save
lpath,43,45,47,49,51,53,55,57,59,63
pdef,s_z3,s,z
pdef,save
lpath,64,66,68,70,72,74,76,78,80,84
pdef,s_z4,s,z
pdef,save
lpath,85,87,89,91,93,95,97,99,101,105
pdef,s_z5,s,z
pdef,save
pccalc,add,cero,s_z1,s_z1,1,-1
pdef,save
```

plpath,s\_z1,s\_z2,s\_z3,s\_z4,s\_z5,cero

! Mas interesante aun: trazado de espesores y  
! posicion del poligono de presiones: y grafica de tensiones N fi

!Para espesor: distribución lineal de 3m. para s=0, y  
2m. para s=26.3  $e=3-(s/26.3)$

```
pccalc,add,esp2,s,, -0.0190114,,1.5
pccalc,add,ju1,s_z2,s_z3,2,2
pccalc,add,ju2,ju1,s_z4,1,2
pccalc,add,ju3,ju2,s_z1,1,1
pccalc,add,ju4,ju3,s_z5,1,1
pccalc,mult,ntotzju,ju4,esp2,0.25
pccalc,add,ju1,s_z1,s_z2,(-5/96),(-1/16)
pccalc,add,ju2,s_z4,s_z5,(1/16),(5/96)
pccalc,add,ju3,ju1,ju2,1,1
pccalc,mult,ju4,esp2,esp2,4
pccalc,mult,momju,ju4,ju3,1
pccalc,div,excju,momju,ntotzju
pccalc,add,-esp2,esp2,esp2,-.5,-.5
```

plpath,esp2,cero,excju,-esp2

plpath,cero,ntotzju,momju

!Trazado de tensiones en dirección Y en cinco cortes a lo largo de la cúpula. Y grafica de tensiones N teta

```
rsys,11
dsys,11
lpath,1,3,5,7,9,11,13,15,17,21
pdef,s_y1,s,y
pdef,save ! evita que al definir un nuevo camino
de nodos se pierdan los valores calculados
lpath,22,24,26,28,30,32,34,36,38,42
pdef,s_y2,s,y
pdef,save
lpath,43,45,47,49,51,53,55,57,59,63
pdef,s_y3,s,y
pdef,save
lpath,64,66,68,70,72,74,76,78,80,84
pdef,s_y4,s,y
pdef,save ! evita que al definir un nuevo camino
de nodos se pierdan los valores calculados
lpath,85,87,89,91,93,95,97,99,101,105
pdef,s_y5,s,y
pdef,save
pccalc,add,cero,s_y1,s_y1,1,-1
pdef,save
plpath,s_y1,s_y2,s_y3,s_y4,s_y5,cero
```

```
pccalc,add,ju1,s_y2,s_y3,2,2
pccalc,add,ju2,ju1,s_y4,1,2
pccalc,add,ju3,ju2,s_y1,1,1
pccalc,add,ju4,ju3,s_y5,1,1
pccalc,mult,ntotyju,ju4,esp2,0.25
```

plpath,cero,ntotyju

!Trazado de tensiones en dirección XZ (tangenciales) en cinco cortes a lo largo de la cúpula. , grafica de tensiones tangenciales y suma de tangenciales con N fi, y todas juntas

```
rsys,11
dsys,11
```

```
lpath,1,3,5,7,9,11,13,15,17,21
pdef,s_xz1,s,xz
pdef,save ! evita que al definir un nuevo camino
```

```
de nodos se pierdan los valores calculados
lpath,22,24,26,28,30,32,34,36,38,42
pdef,s_xz2,s,xz
pdef,save
lpath,43,45,47,49,51,53,55,57,59,63
pdef,s_xz3,s,xz
pdef,save
lpath,64,66,68,70,72,74,76,78,80,84
pdef,s_xz4,s,xz
pdef,save ! evita que al definir un nuevo camino
de nodos se pierdan los valores calculados
lpath,85,87,89,91,93,95,97,99,101,105
pdef,s_xz5,s,xz
pdef,save
pccalc,add,cero,s_xz1,s_xz1,1,-1
pdef,save
plpath,s_xz1,s_xz2,s_xz3,s_xz4,s_xz5,cero
```

```
pccalc,add,esp2,s,, -0.0190114,,1.5
pccalc,add,ju1,s_xz2,s_xz3,2,2
pccalc,add,ju2,ju1,s_xz4,1,2
pccalc,add,ju3,ju2,s_xz1,1,1
pccalc,add,ju4,ju3,s_xz5,1,1
pccalc,mult,ntotxzju,ju4,esp2,0.25
pccalc,add,ntotxzju,ntotxzju,ntotzju,1,1
```

plpath,cero,ntotxzju

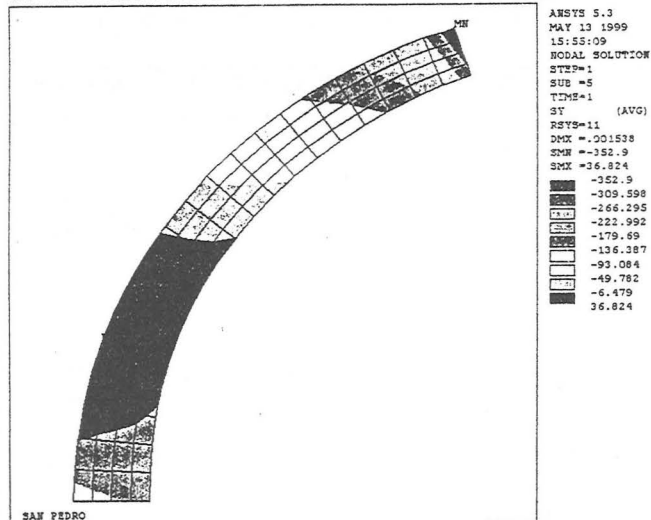
plpath,cero,ntotxzju,ntotxzju,ntotzju,ntotyju

finish  
! FIN

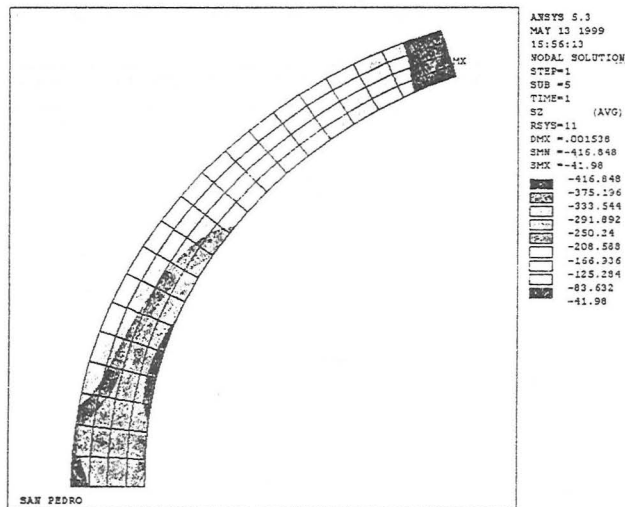




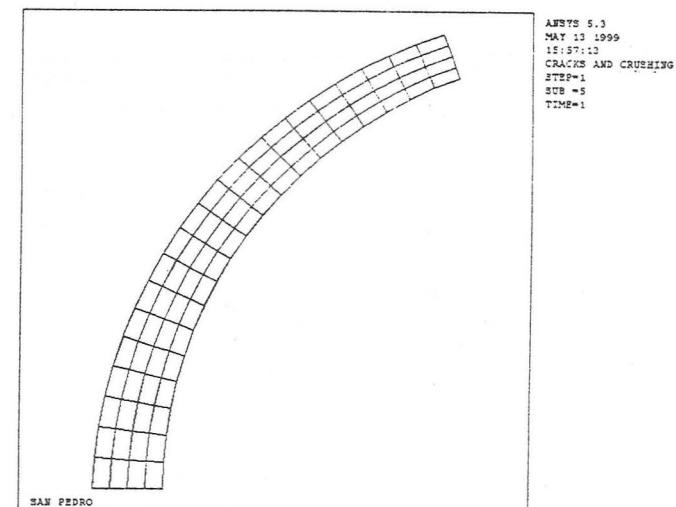
**MODO 1:**  
**SIN DESPLAZAMIENTOS HORIZONTALES EN LA BASE**



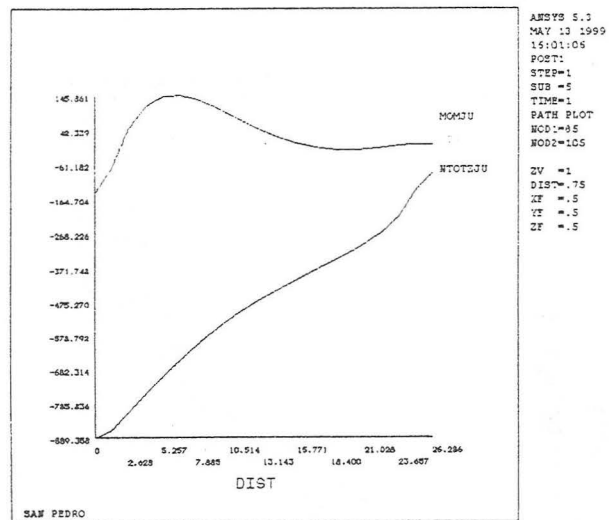
GRAFICA DE TENSIONES SY (N teta)



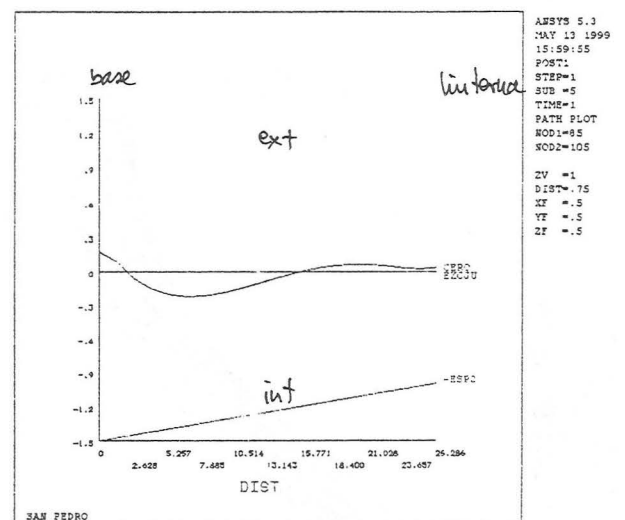
GRAFICA DE TENSIONES SZ (N fi)



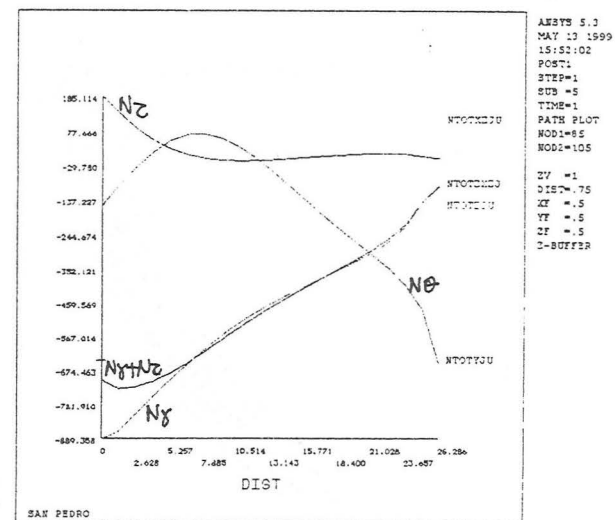
REPRESENTACION DE GRIETAS (ninguna en este caso)



GRAFICAS DE NORMALES TOTALES Y MOMENTOS (N fi y mom)



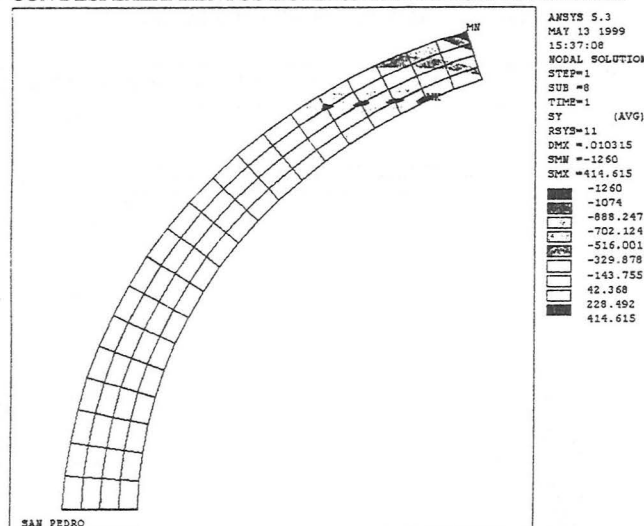
GRAFICA DE EXCENTRICIDAD: POSICION DE LA RESULTANTE



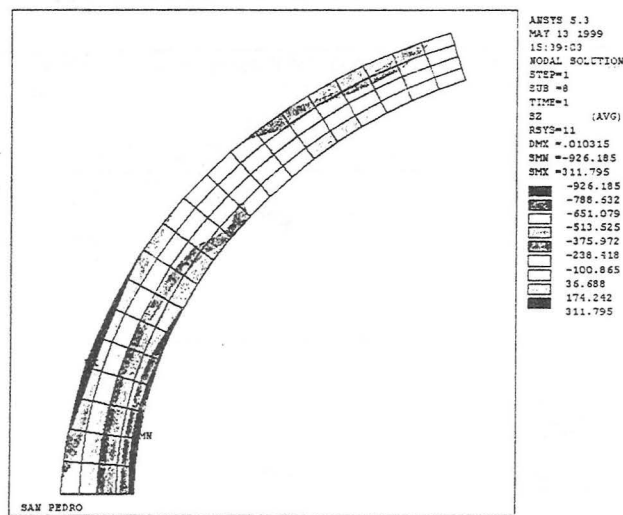
GRAFICAS TOTALES DE: N fi, N teta, N tangencial y (N fi+ N tang)



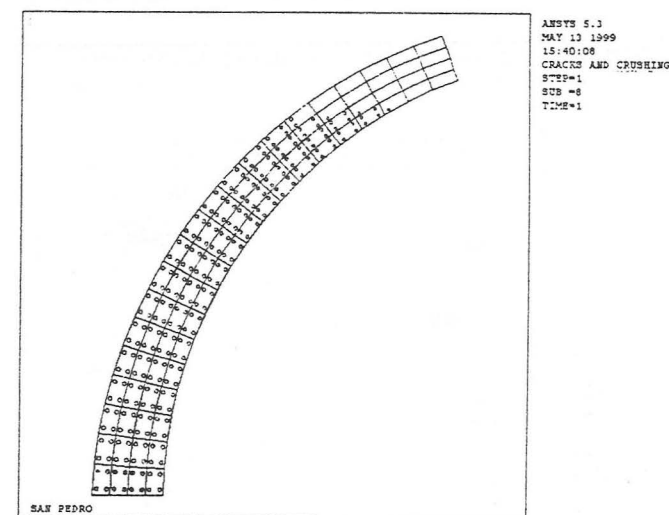
**MODO 2:  
CON DESPLAZAMIENTOS HORIZONTAL DE 1CM. EN LA BASE**



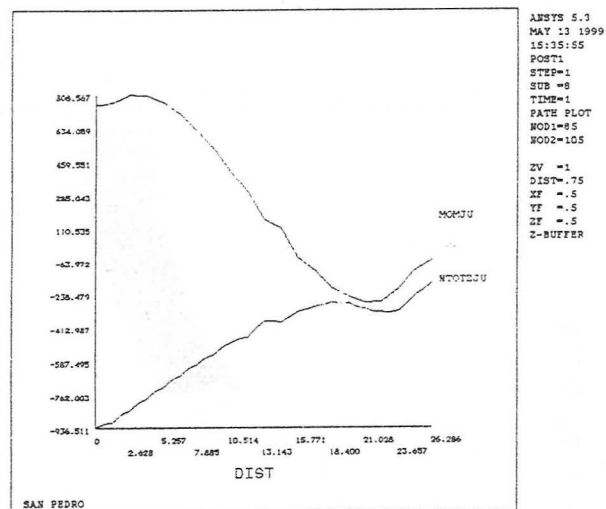
GRAFICA DE TENSIONES SY ( N teta)



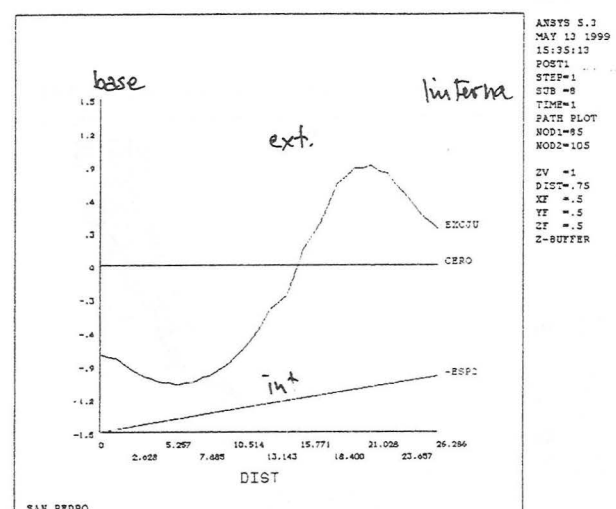
GRAFICA DE TENSIONES SZ ( N fi)



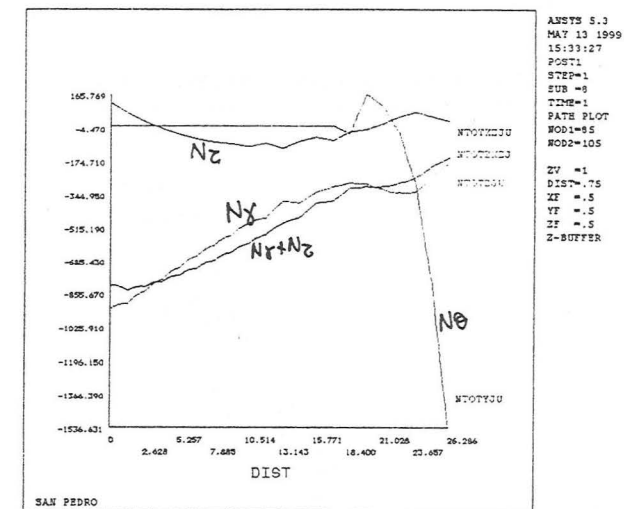
REPRESENTACION DE GRIETAS



GRAFICAS DE NORMALES TOTALES Y MOMENTOS (N fi y mom)



GRAFICA DE EXCENTRICIDAD: POSICION DE LA RESULTANTE



GRAFICAS TOTALES DE: N fi, N teta, N tangencial y (N fi+ N tang)

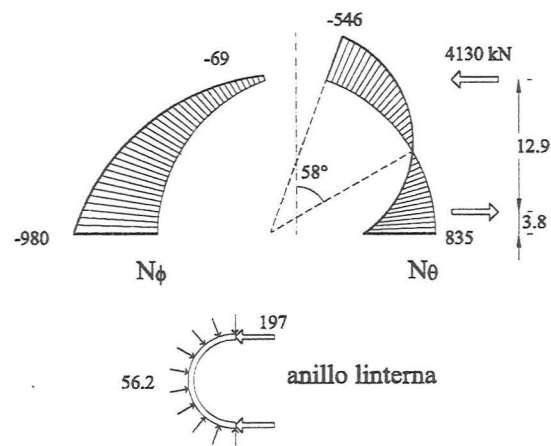


DEPARTAMENTO DE ESTRUCTURAS DE EDIFICACIÓN  
ESCUELA TÉCNICA SUPERIOR DE ARQUITECTURA  
U.P.M. MADRID

## ESTRUCTURAS III

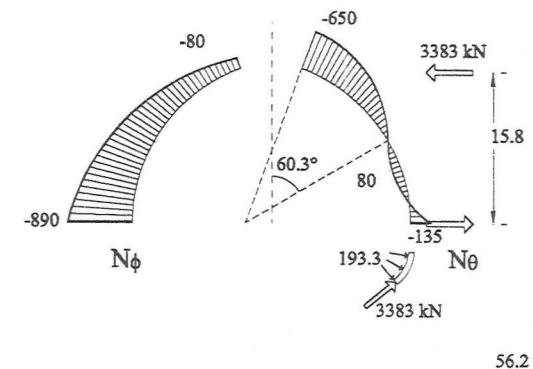
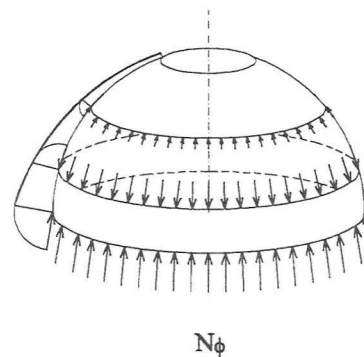
MÉTODO DE LOS ELEMENTOS FINITOS  
ANSYS

12. CUPULA DE SAN PEDRO



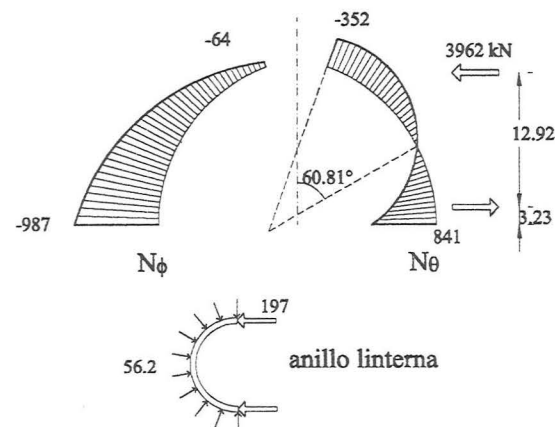
$$Q_{TOTAL}=107.602 \text{ kN}$$

SOLUCION 1: membrana



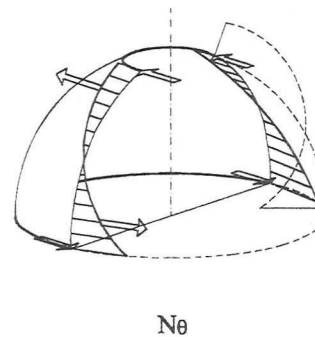
SOLUCION 3: MODO 1 ANSYS

sin apertura en la base

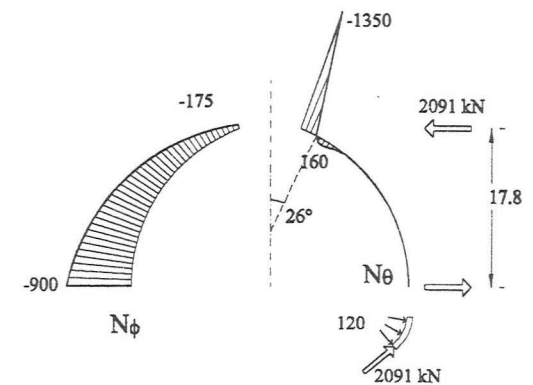


$$Q_{TOTAL}=106.973 \text{ kN}$$

SOLUCION 2: membrana



y anillos si los hay

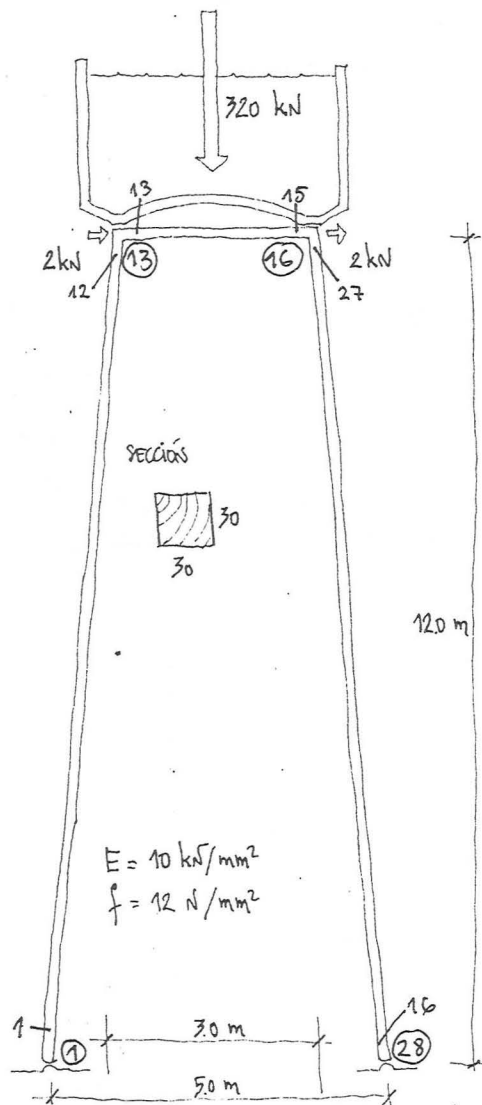


SOLUCION 3b: MODO 2 ANSYS

apertura radial en la base 1cm







# !PREPROCESADO, ENTRADA DE DATOS

```

/prep7
/window,1,full
/view,1,0,0,1
/vup,1,y
/title,CANALIZACION DE AGUA

```

## !TIPO DE ELEMENTO

```

et,1,4      ! BEAM4, admite grandes deformaciones
            ! para analisis de 2º orden
r,1,300*300,300*300*300*300/12,81e8/12,300,300
            ! AREA [mm²], Izz [mm⁴], Iyy [mm⁴],
            ! Tkz [mm], Tky [mm]
            ! toma como inercia a torsión la suma Izz+Iyy

```

## !MATERIAL madera

```

mp,ex,1,10
mp,dens,0    ! no considera el peso propio

```

## !NODOS

```

n,1,0,0
n,13,1000,12000
n,16,4000,12000
n,28,5000,0
fill,1,13    ! genera una línea de nudos entre el 1 y el 13
fill,13,16
fill,16,28

```

## !ELEMENTOS

```

type,1
real,1
e,1,2
egen,12,1,1,1,1
            ! generacion de elementos
            ! 12 elementos generados (incluido el original),
            ! incrementando la numeración de los nodos en 1,
            ! copiando del 1 al 11, tomados de 1 en uno

```

```

e,13,14
egen,3,1,13,13,1
e,28,27
egen,12,-1,16,16,1
/pnum,node,1
/pnum,elem,1
eplot

```

## !CARGAS

```

f,13,fx,2    ! carga puntual en nodo 13, eje x, valor 2 [kN]

```

```

f,13,fy,-160
f,16,fx,2
f,16,fy,-160
/psc,all,1

```

## !CONDICIONES DE APOYO

```

nsel,s,loc,y,0
d,all,ux,0    ! articulaciones en los apoyos
d,all,uy,0
nsel,all
d,all,uz,0    ! sin desplazamiento en Z, estructura arriostrada

```

## !SALVAR Y SALIR

```

save
finish        ! salir del preprocesador

```

## !RESOLUCION

! por la fuerte carga que soporta y su limitada rigidez,  
! debera analizarse a estabilidad.  
! Para estudiar la estabilidad hacemos un analisis  
! no lineal que llega al equilibrio cuando  
! en un proceso iterativo se converge.  
! La carga se introduce en 20 pasos.

```

/solution
antype,static
nlgeom,on    ! activa la no linealidad geometrica,
            ! considera la posicion deformada de la estructura
outres,all,all ! controla que la solución se escriba en la base de
datos

```

! (all) todos los casos de solución

! (all) todos los saltos de carga

```

neqit,50    ! nº máximo de iteraciones de equilibrio= 50
nsubst,20   ! 20 pasos de carga
solve
finish

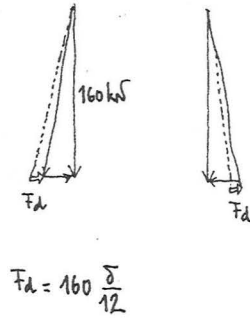
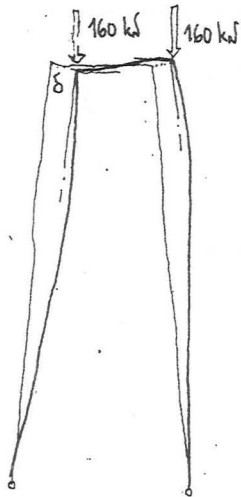
```



## CONJETURAS

### 1.- FUERZA DESESTABILIZADORA

Si la deformación es  $\delta$



$$F_d = 160 \frac{\delta}{12}$$

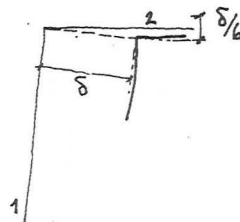
### 2.- FUERZA ESTABILIZADORA

Deformamos el pórtico la misma  $\delta$  para ver la fuerza generada por su rigidez.

$$EI = 6750 \text{ kN.m}^2$$

$$M_1 = 3 EI \frac{1}{12^2} \delta = 140 \delta$$

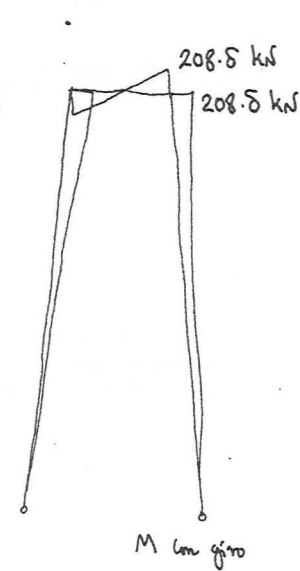
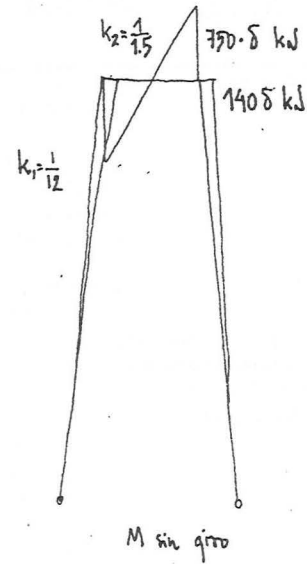
$$M_2 = 6 EI \frac{1}{3^2} \frac{\delta}{6} = 750 \delta$$



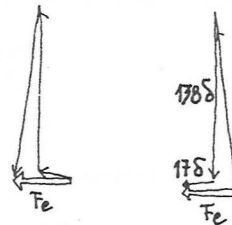
Diagramas de momentos  
inicial sin giro

y

con giro en los nudos



$$T_1 = \frac{208 \cdot \delta \cdot 2}{3} \quad T_2 = \frac{208 \delta}{12}$$



$$F_e = 28,5 \delta$$

### 3.- CARGA CRÍTICA Y AMPLIFICACIÓN

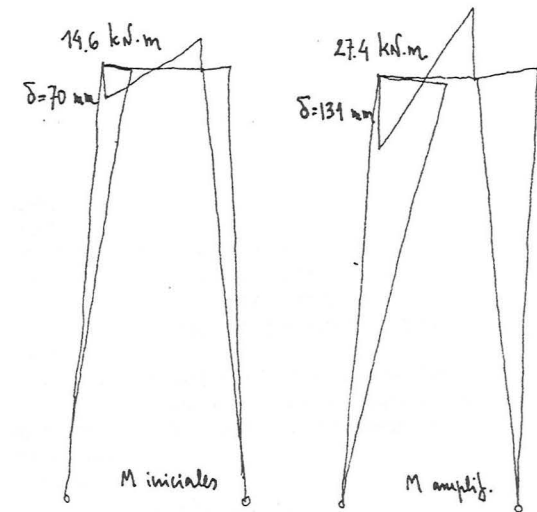
$$N_k \frac{\delta}{12} = 28,5 \delta; \quad N_k = 342 \text{ kN (TOTAL 684)}$$

factor amplificación:

$$a = \frac{1}{1 - \frac{160}{342}} = 1,88$$

### 4.- MOMENTOS Y COMPROBACIÓN

La carga crítica de 2 kN producirá el diagrama:  
en 1º orden en 2º orden



las tensiones serán:

$$\sigma_1 = \frac{27,4 \cdot 1000}{0,3 \cdot 300 \cdot 300 / 6} = 6,07 \text{ N/mm}^2 \text{ flexión}$$

$$\sigma'_1 = \frac{160 \cdot 1000}{300 \cdot 300} = 1,8 \text{ N/mm}^2 \text{ compresión}$$

$$\sigma_{\text{TOTAL}} = 7,87 \text{ N/mm}^2$$

Coefficiente de seguridad de la estructura:  $12/7,87 = 1,52$



DEPARTAMENTO DE ESTRUCTURAS DE EDIFICACIÓN  
ESCUELA TÉCNICA SUPERIOR DE ARQUITECTURA  
U.P.M. MADRID

## ESTRUCTURAS III

MÉTODO DE LOS ELEMENTOS FINITOS  
ANSYS

12 CANALIZACIÓN DE AGUA



# !SALIDA DE RESULTADOS

/post1

! Tablas de valores

set,1 ! último paso de carga

etable,n1,smisc,1 ! axiles en el nodo i

etable,n2,smisc,7 ! axiles en el nodo j

etable,t1,smisc,2 ! cortantes en el nodo i

etable,t2,smisc,8 ! cortantes en el nodo j

etable,m1,smisc,6 ! momentos en el nodo i

etable,m2,smisc,12 ! momentos en el nodo j

smult,ma,m1,,-.001 ! cambio de unidades a [kN.m]

smult,mb,m2,,-.001

! Graficos

pdisp,1 ! muestra la estructura deformada

! y la original de referencia (1)

\*ask,p,¿sigo (gráfica de axiles)?

plls,n1,n2 ! gráfica axiles [kN]

\*ask,p,¿sigo (gráfica de cortantes)?

plls,t1,t2 ! gráfica cortantes [kN]

\*ask,p,¿sigo (gráfica de momentos)?

plls,ma,mb ! gráfica momentos [kN.m]

! Imprimir resultados

prdisp ! imprime los desplazamientos

pretab,n1,n2,t1,t2,ma,mb

! imprime los valores de las tablas relacionadas

prrsol,f ! imprime las reacciones en los nudos (f): fuerzas

presol,f ! imprime las reacciones por elementos

! (f): suma de las fuerzas nodales

\*ask,p,¿sigo (evolución de gráfica de momentos)?

\*do,ciclo,1,20

!\*ask,p,¿sigo?

set,1,ciclo

etable,m1,smisc,6

etable,m2,smisc,12

smult,ma,m1,,-.001 ! cambio de unidades a [kN.m]

smult,mb,m2,,-.001

/contour,1,9,-40,,40

\*get,escal1,elem,12,smisc,12

\*set,esc1,(2)\*escal1/(40000)

plls,ma,mb,esc1

\*enddo

! finish

/post26 ! entra en el postp. 26 (time-history)

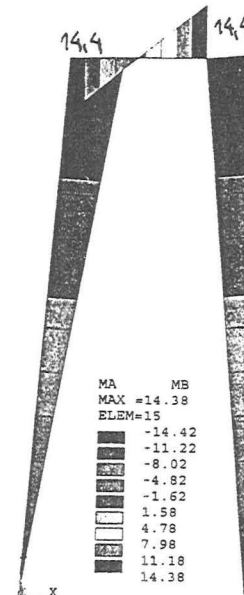
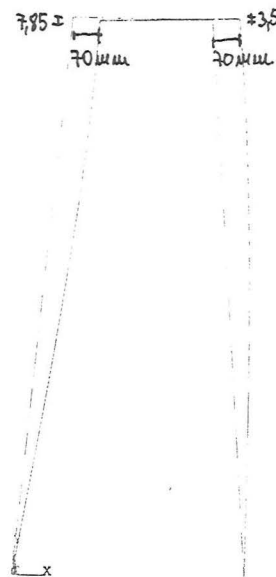
nsol,2,13,u,x,desp-hor ! define var 2 como ux nodo 13

plvar,2 ! gráfica ux nodo 13 en el proceso de carga

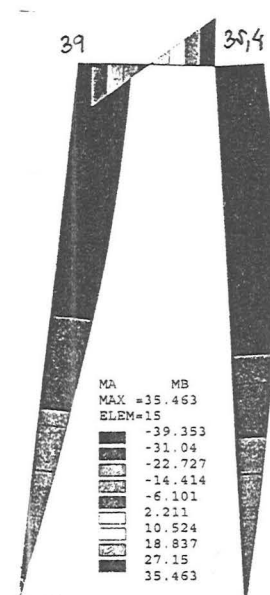
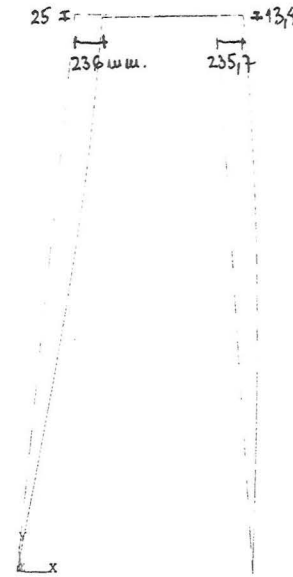
finish

## ESFUERZOS Y DEFORMACIONES

Primer orden

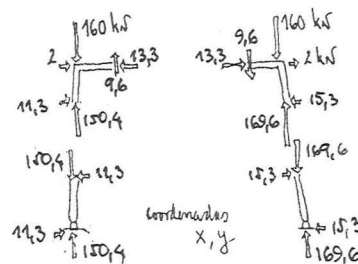


Segundo orden

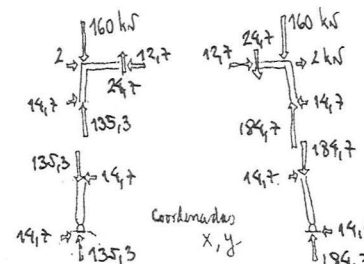


## EQUILIBRIO EN NUDOS

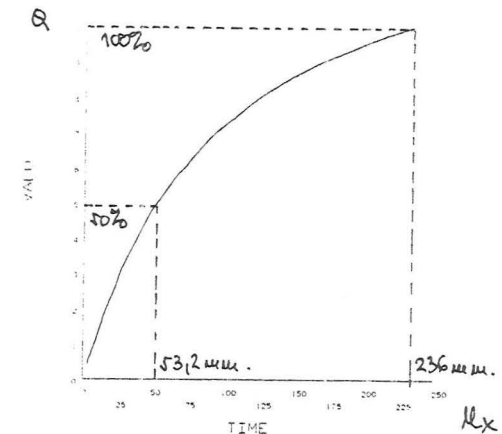
Primer orden



Segundo orden



## GRAFICA CARGA-DEFORMACION





### !PREPROCESADO, ENTRADA DE DATOS

! búsqueda iterativa de la forma de una lámina  
/prep7  
/window,1,full  
/view,1,2,-3,5  
/vup,1,z  
/title, PLACA CUADRADA

### !TIPO DE ELEMENTO

et,1,63 ! elemento tipo shell63, plano de 4 nodos  
r,1,7 ! espesor [cm]

### !MATERIAL hormigón

mp,ex,1,2,1e3 ! modulo de elasticidad [kN/cm2]  
mp,nuxy,1,1 ! coef. de poisson  
mp,dens,1,2.5e-5 ! densidad [kN/cm3]

### !DEFINICIONES

nn=11\*11 ! numero de nudos  
nciclos=20 ! numero de ciclos  
! matrices para las coordenadas de los nudos  
\*dim,x,array,nn ! define la matriz x de nn  
\*dim,y,array,nn ! define la matriz y de nn  
\*dim,z,array,nn ! define la matriz z de nn  
! matrices para los desplazamientos de los nudos  
\*dim,d1,array,nciclos+1  
\*dim,d2,array,nciclos+1  
\*dim,d3,array,nciclos+1

### !GEOMETRIA

n,1,0,0,0 ! define el nodo 1 de coordenadas (0,0,0)cm  
n,11,3000,0,0 ! define el nodo 10 de coordenadas (3000,0,0)cm  
fill,1,11 ! genera una línea de nodos entre 1 y 10  
ngen,11,11,1,11,1,0,300,0,0  
! ngen: genera nodos según un patrón:  
! 11 conjuntos de nodos(incluido el original),  
! incrementando la numeración en 11,  
! copiando del nodo 1 al 11 tomados cada 1,  
! incrementando X en 0, Y en 333.3cm y Z en 0  
nplot ! dibuja los nodos en pantalla

### !GUARDA COORDENADAS INICIALES

\*do,n,1,nn,1 ! bucle de n=1 hasta nn, incremento de 1  
x(n)=nx(n) ! las funciones nx(n), ny(n), nz(n),  
y(n)=ny(n) ! devuelven las coordenadas x, y, z del nodo n  
z(n)=nz(n)  
\*enddo

### !GENERACION DE ELEMENTOS

type,1  
real,1  
e,1,2,13  
e,1,13,12  
egen,5,1,1,2,1  
! generación 5 conjuntos de elementos  
! (incluido el original), incrementando la  
! numeración de los nodos en 1,  
! copiando del 1 al 2, tomados de 1 en uno

egen,5,11,1,10,1  
egen,2,60,1,50,1  
e,6,7,17  
e,7,18,17  
egen,5,1,101,102,1  
egen,5,11,101,110,1  
egen,2,50,101,150,1  
/pnum,node,0 ! desactiva la numeración de los nodos  
/pnum,elem,1 ! activa la numeración de elementos  
eplot ! dibuja elementos

### ! CONDICIONES DE APOYO

/pbc,u,1 ! activa los símbolos de coacciones  
! a desplazamiento

nset,s,node,,1  
nset,a,node,,11  
nset,a,node,,111  
nset,a,node,,121  
d,all,uz,0  
d,all,ux,0  
d,all,uy,0  
nset,all

### !CARGAS

acel,0,0,-1 ! asigna una aceleración -1 en el sentido del eje Z  
! se pone la carga hacia arriba para ver la lamina  
! invertida

eplot

### !SALVAR Y SALIR

save  
finish ! salir del preprocesador

### !BUSQUEDA DE LA FORMA: PROCESO ITERATIVO

/input,busqueda,dat

### !NCOOR.DAT

#### !ASIGNA LAS COORDENADAS DE LOS NUDOS

\*do,i,1,nn,1 ! bucle de i=1 hasta numero de nodos,  
! incrementándolo en 1  
n,i,x(i),y(i),z(i) ! define las coordenadas de los nodos  
\*enddo ! fin del bucle

#### ! CAMBIO.DAT: CAMBIO DE COORDENADAS

! cambia los valores de las matrices x, y, z, sumando al  
! valor existente el desplazamiento \* factor de escala,  
! las funciones ux(n), uy(n), uz(n)  
! devuelven los desplazamientos del nodo n  
\*do,n,1,nn,1 ! bucle de n=1 hasta nn, incremento de 1  
x(n)=x(n)+fe\*ux(n)  
y(n)=y(n)+fe\*uy(n)  
z(n)=z(n)+fe\*uz(n)  
\*enddo

#### ! BUSQUEDA.DAT PROCESO DE BUSQUEDA DE LA FORMA ! 1ª ITERACION SOLUCION Y CAMBIO DE COORDENADAS

/solution  
solve ! ordena resolver el sistema  
finish ! salir del procesador  
fe=.2 ! factor de escala  
/input,cambio,dat ! cambia los valores de las matrices x, y, z  
/prep7  
/input,ncoor,dat ! lee el fichero ncoor.dat  
! que asigna las coordenadas de los nudos  
/pnum,node,0 ! activa la numeración de nodos  
eplot ! dibuja los nodos en pantalla  
finish

#### !ITERACIONES SIGUIENTES:

#### !ncilcos SOLUCIONES Y CAMBIOS

fe=.5 ! factor de escala  
\*do,nc,1,nciclos,1  
/solution  
solve ! ordena resolver el sistema  
finish ! salir del procesador  
d1(nc)=uz(61) ! guarda la deformación del nodo 61  
d2(nc)=uz(6) ! guarda la deformación del nodo 6  
d3(nc)=uz(3) ! guarda la deformación del nodo 3  
/input,cambio,dat ! cambia las matrices x, y, z  
/prep7  
/input,ncoor,dat ! lee el fichero ncoor.dat  
eplot ! dibuja los elementos en pantalla  
finish  
\*enddo



# ANÁLISIS DE LA ESTRUCTURA RESULTANTE I

```

/solution
solve      ! ordena resolver el sistema
finish     ! salir del procesador
d1(nciclos+1)=uz(61)      ! guarda la deformación del nodo 61
d2(nciclos+1)=uz(6)       ! guarda la deformación del nodo 6
d3(nciclos+1)=uz(3)       ! guarda la deformación del nodo 3
    
```

## !POSTPROCESADOR

## !SALIDA E INTERPRETACION DE RESULTADOS

## !ESTRUCTURA I

```

/post1
shell.bot      ! especifica la localización en que se dan los
                ! resultados de tensiones en el elemento laminar
                ! opciones: (top) cara superior,(mid) medio
                ! (bot) cara inferior
etable,sxx,s,x ! prepara la tabla denominada sxx
                ! con las tensiones (s), componente X
                ! estas tensiones están en coordenadas globales

etable,syy,s,y
etable,sxy,s,xy
etable,s1,s,1  ! prepara la tabla denominada s1
                ! con las tensiones (s), componente 1
                ! tensión principal

etable,s2,s,2
set,1,1
    
```

## !graficas

```

/pbc,u,1      ! pone los símbolos de las coacciones a
                ! desplazamientos (u), en activo(1)
/dscale,1     ! escala de la representación de la deformada
                ! en pantalla
pldisp,2      ! muestra la estructura deformada
                ! y el contorno de la original (2)
pletab,sxx,avg ! gráfica de los datos de la tabla sxx.
                ! (avg): tomando en el interior del elemento un
                ! valor como promedio lineal

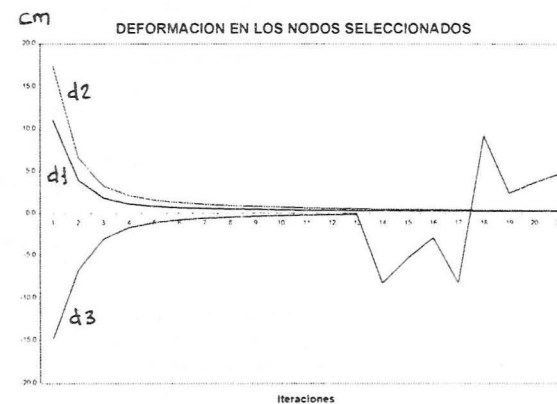
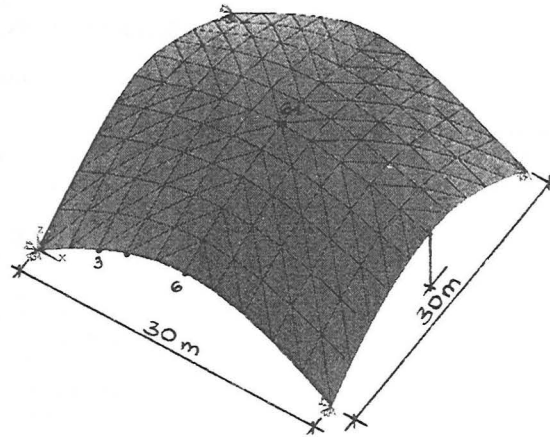
pletab,syy,avg
pletab,sxy,avg
pletab,s1,avg ! gráfica de los datos de la tabla s1.
                ! (avg): tomando en el interior del elemento un
                ! valor como promedio lineal

pletab,s2,avg
/vscale,1,3   ! escala la representación de vectores en pantalla
plvect,s,.....on ! gráfica de las tensiones principales como vector
    
```

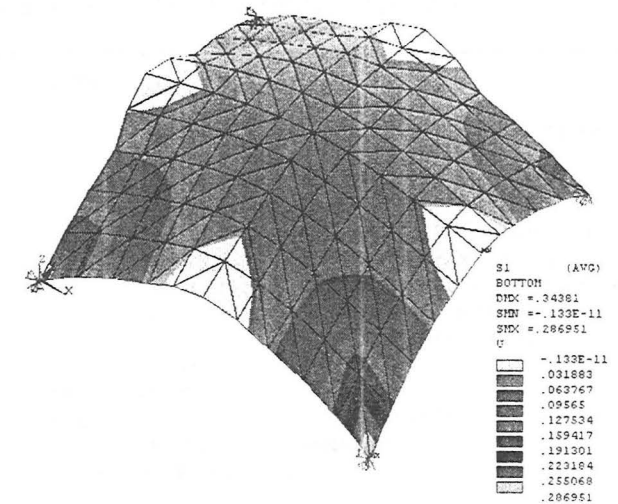
```

!imprimir
pretab,s1,s2 ! imprime los datos de las tablas
               ! s1, s2 [kN/cm2]

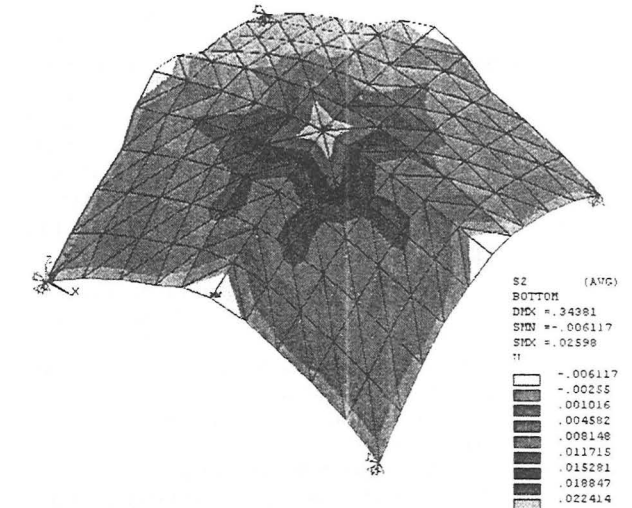
prrsol,f      ! imprime las reacciones en los nudos, (f) [kN]
prnsol,u      ! imprime desplazamientos (u) en los nodos [cm]
*status,d1     ! imprime los valores de la matriz d1 donde se
               ! guardan las deformaciones del nodo 61
               ! idem nodo 6
*status,d2     ! idem nodo 6
*status,d3     ! idem nodo 3
finish
    
```



## TENSIONES PRINCIPALES: S1 [kN/cm²]



## TENSIONES PRINCIPALES: S2 [kN/cm²]



!PREPROCESADO, ENTRADA DE DATOS  
! TODOS LOS ELEMENTOS SON CUADRANGULARES

/prep7 ! entra en el preprocesador  
/window,1,full  
/view,1,2,-3,5  
/vup,1,z  
/title, PLACA CUADRADA

!TIPO DE ELEMENTO

et,1,63 ! elemento tipo shell63,  
! plano de 4 nodos  
r,1,7 ! espesor [cm]

!MATERIAL hormigón

mp,ex,1,2,1e3 ! modulo de elasticidad [kN/cm2]  
mp,nuxy,1,1 ! coef. de poisson  
mp,dens,1,2,5e-5 ! densidad [kN/cm3]

!GEOMETRIA

n,1,0,0,0 ! define el nodo 1 de coordenadas (0,0,0)cm  
n,11,3000,0,0 ! define el nodo 10 de coordenadas (3000,0,0)cm  
fill,1,11 ! genera una línea de nodos entre 1 y 10  
ngen,11,11,1,11,1,0,300,0,0  
! ngen: genera nodos según un patron:  
! 11 conjuntos de nodos(incluido el original).  
! incrementando la numeración en 11.  
! copiando del nodo 1 al 11 tomados cada 1.  
! incrementando X en 0, Y en 333.3cm y Z en 0  
nplot ! dibuja los nodos en pantalla

!DEFINICIONES

nn=11\*11  
\*dim,x,array,nn ! define la matriz x de nn  
\*dim,y,array,nn ! define la matriz y de nn  
\*dim,z,array,nn ! define la matriz z de nn

!GUARDA COORDENADAS

\*do,n,1,nn,1 ! bucle de n=1 hasta nn, incremento de 1  
x(n)=nx(n)  
y(n)=ny(n)  
z(n)=nz(n)  
\*enddo  
!generacion de elementos  
type,1  
real,1

e,1,2,13  
e,1,13,12  
egen,5,1,1,2,1  
! generación 5 conjuntos de elementos  
! (incluido el original), incrementando la  
! numeración de los nodos en 1,  
! copiando del 1 al 2, tomados de 1 en uno

egen,5,11,1,10,1  
egen,2,60,1,50,1  
e,6,7,17  
e,7,18,17  
egen,5,1,101,102,1  
egen,5,11,101,110,1  
egen,2,50,101,150,1  
/pnum,node,0 ! desactiva la numeración de los nodos  
/pnum,elem,1 ! activa la numeración de elementos  
eplot ! dibuja elementos

! CONDICIONES DE APOYO

/pbc,u,1 ! muestra los símbolos de coacciones  
! a desplazamiento  
nsel,s,node,,1  
nsel,a,node,,11  
nsel,a,node,,111  
nsel,a,node,,121  
d,all,uz,0  
d,all,ux,0  
d,all,uy,0  
nsel,all

!CARGAS

acel,0,0,-1 ! asigna una aceleración -1 en el sentido del eje Z  
! se pone la carga hacia arriba para ver la lamina  
! invertida

eplot

!SALVAR Y SALIR

save  
finish ! salir del preprocesador

! GUARDA LAS COORDENADAS SOLUCION 0: INICIAL

\*dim,x0,array,nn ! define la matriz x0 de nn  
\*dim,y0,array,nn ! define la matriz y0 de nn  
\*dim,z0,array,nn ! define la matriz z0 de nn

\*do,n,1,nn,1 ! bucle de n=1 hasta nn, incremento de 1

x0(n)=x(n)  
y0(n)=y(n)  
z0(n)=z(n)

\*enddo  
!ANALISIS I

/solution ! entra en el procesador de solución  
solve ! ordena resolver el sistema  
finish ! salir del procesador

!VER DEFORMADA

/post1 ! entra en el postprocesador  
/dscale,1,2 ! escala la representación de la deformada  
pldisp,2 ! muestra la estructura deformada  
finish

!GUARDA DEFORMADA I

\*dim,x1,array,nn ! define la matriz x1 de nn  
\*dim,y1,array,nn ! define la matriz y1 de nn  
\*dim,z1,array,nn ! define la matriz z1 de nn  
fe=.2 ! factor de escala  
\*do,n,1,nn,1 ! bucle de n=1 hasta nn, incremento de 1  
x1(n)=x(n)+fe\*ux(n)  
y1(n)=y(n)+fe\*uy(n)  
z1(n)=z(n)+fe\*uz(n)  
\*enddo

!MATERIAL hormigon ligero

/prep7 ! entra en el preprocesador  
/pnum,node,1 ! activa la numeración de los nodos  
nplot ! dibuja los nodos  
mp,ex,2,2,1e3 ! modulo de elasticidad [kN/cm2]  
mp,nuxy,2,1 ! coef. de poisson  
mp,dens,2,0,0 ! densidad [kN/cm3] sin peso propio

! ELEMENTOS NUEVOS: BARRAS

et,2,4 ! elemento tipo 2 BEAM4  
r,2,900,2,7e7,2,7e7,1,1  
! constantes para la sección 2: AREA [cm2]  
! Izz [cm4], Iyy [cm4], Tkz [cm], Tky [cm]  
! toma como inercia a torsión la suma Izz+Iyy

!generacion de elementos

mat,2 ! asigna el material 2 a los siguientes elementos  
type,2 ! asigna el elemento tipo 2 a los siguientes  
! elementos  
real,2 ! asigna las constantes 2 a los siguientes elementos  
e,1,13 ! define el elemento 1 que va del nodo 1 al 17



```

egen,10,12,201,201,1
      ! generación de 10 conjuntos de elementos.
      ! incrementando los nodos en 12.
      ! tomando del elemnto 201 al 201 cada 1

e,11,21
egen,10,10,211,211,1
epplot
      !SALVAR Y SALIR
save
finish      ! salir del preprocesador

      !ANALISIS 2
/solution
solve      ! ordena resolver el sistema
finish      ! salir del procesador

      !VER DEFORMADA
/post1
/dscale,1,4      ! escala la representación de la deformada
pldisp,2      ! muestra la estructura deformada
finish

      !GUARDA DEFORMADA 2
*dim,x2,array,nn      ! define la matriz x1 de nn
*dim,y2,array,nn      ! define la matriz y1 de nn
*dim,z2,array,nn      ! define la matriz z1 de nn
fe=1      ! factor de escala
*do,n,1,nn,1      ! bucle de n=1 hasta nn, incremento de 1
  x2(n)=x(n)+fe*ux(n)
  y2(n)=y(n)+fe*uy(n)
  z2(n)=z(n)+fe*uz(n)
*enddo

      ! ELIMINA ELEMENTOS BARRA
/prep7
epplot
edele,201,220,1

      ! COMBINA LAS COORDENADAS SOLUCION 1 Y 2
fe1=.5      ! factor de escala caso 1
fe2=2      ! factor de escala caso 2

*do,n,1,nn,1      ! bucle de n=1 hasta nn, incremento de 1
  z(n)=z1(n)*fe1+z2(n)*fe2
*enddo

```

```

!ASIGNA LAS COORDENADAS DE LOS NUDOS
*do,i,1,nn,1      ! bucle de i=1 hasta numero de nodos.
                  ! incrementandolo en 1
  n,i,x(i),y(i),z(i)      ! define las coordenadas de los nodos
*enddo      ! fin del bucle
epplot
finish      ! salir de preprocesador

```

```

      !ANALISIS DE LA ESTRUCTURA RESULTANTE 3
/solution
solve      ! ordena resolver el sistema
finish      ! salir del procesador

```

```

      !POSTPROCESADOR
      !SALIDA E INTERPRETACION DE RESULTADOS
      !ESTRUCTURA 1
/post1
shell,top      ! especifica la localizacion en que se dan los
               ! resultados de tensiones en el elemento laminar
               ! opciones: (top) cara superior,(mid) medio
               ! (bot) cara inferior
etable,s1,s,1      ! prepara la tabla denominada s1
                  ! con las tensiones (s), componente 1
                  ! tension principal

etable,s2,s,2
set,1,1

      !graficas
/pbc,u,1      ! pone los simbolos de las coacciones a
               ! desplazamientos (u), en activo(1)

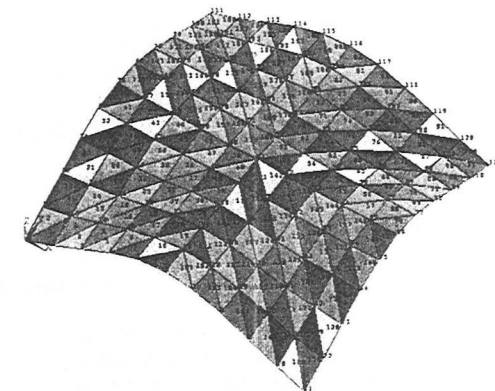
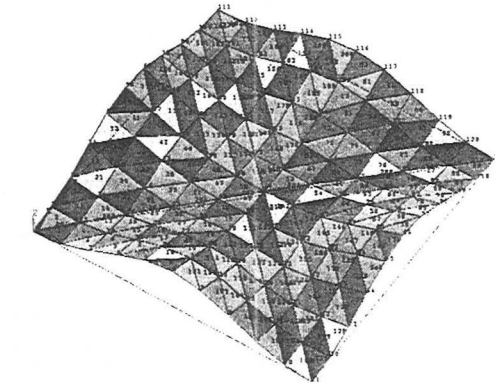
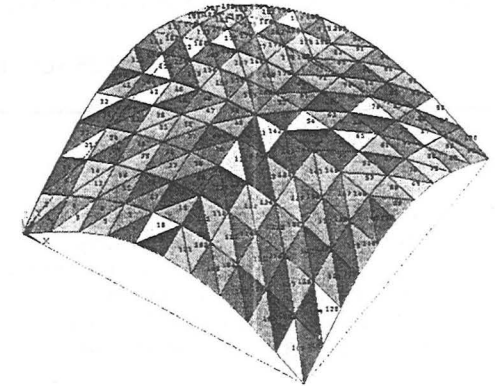
/dscale,1
pldisp,2      ! muestra la estructura deformada
               ! y el contorno de la original (2)

pletab,s1,avg      ! gráfica de los datos de la tabla s1.
                  ! (avg): tomando en el interior del elemento un
                  ! valor como promedio lineal

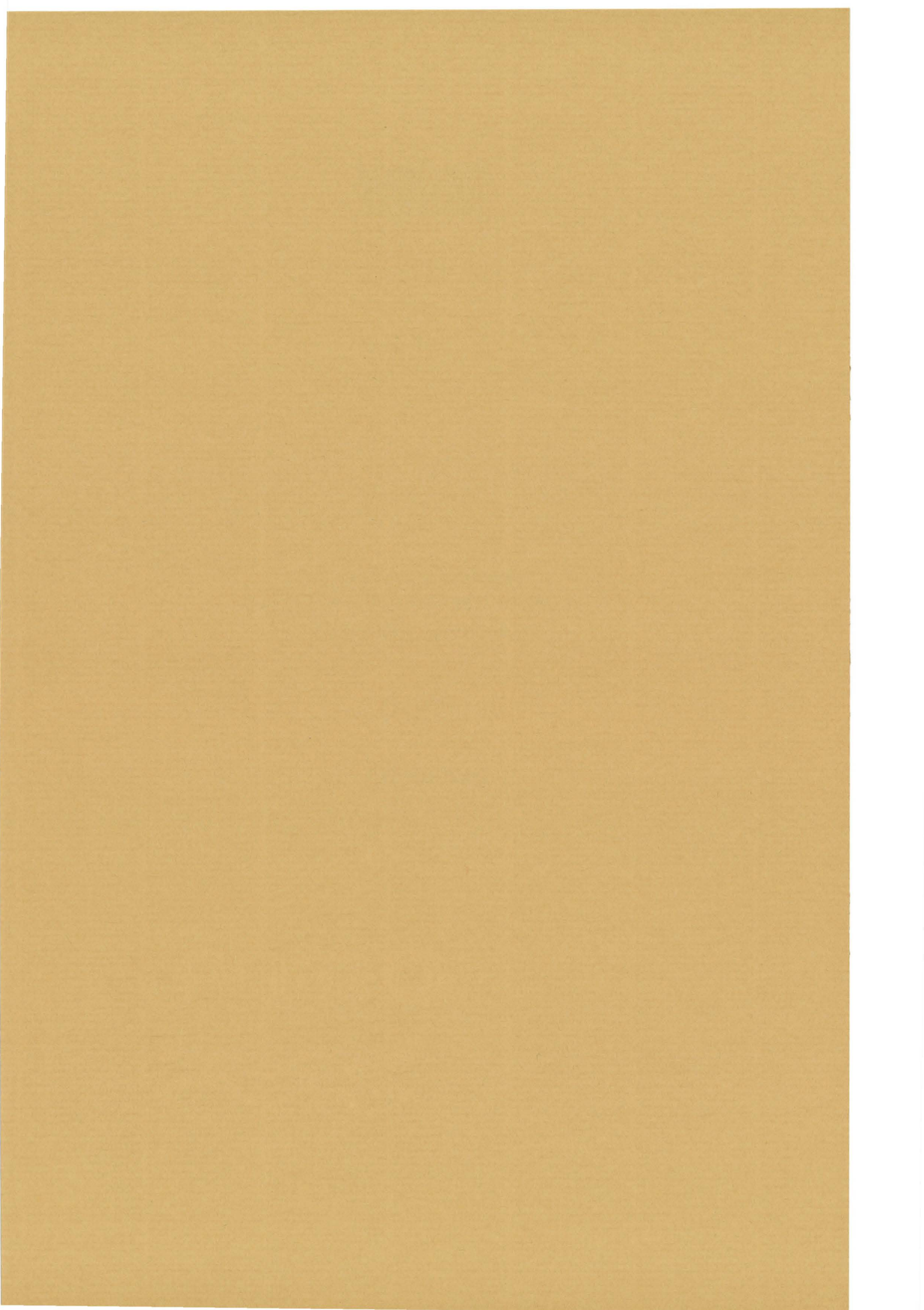
pletab,s2,avg
!imprimir
pretab,s1,s2      ! imprime los datos de las tablas
                  ! s1, s2 [kN/cm2]

prdisp      ! imprime los valores de la deformacion
prrsol,f      ! imprime las reacciones en los nudos. (f) [kN]
finish

```







**CUADERNO**

**66.01**

**CATÁLOGO Y PEDIDOS EN**

<http://www.aq.upm.es/of/jherrera>  
[jherrera@aq.upm.es](mailto:jherrera@aq.upm.es)

